

# Praktikum iz programiranja 3



2023/24



# Primer

- U tekstu može da se nađe izraz oblika broj1! ili izraz broj1^broj2, gde su broj1 i broj2 celi brojevi, operacija ! je faktorijel, a ^ označava stepen. Ukoliko se u tekstu pojave izrazi ovog oblika, potrebno ih je zameniti rezultatom odgovarajućih operacija.

Ulaz	Izlaz
Temperatura za ponedeljak je 4!. Vazdusni pritisak se procenjuje na $2^{10}$ . Sansa za pojavu kise je !50%. Ponesite kisobran!	Temperatura za ponedeljak je 24. Vazdusni pritisak se procenjuje na 1024. Sansa za pojavu kise je !50%. Ponesite kisobran!

```
import re
import math as m
s = """Temperatura za ponedeljak je 4!.
Vazdusni pritisak se procenjuje na  $2^{10}$ .
Sansa za pojavu kise je 150%. Ponesite kisobran!
"""


```

```
regex = re.compile(r'\d+!|\d+\^\d+')
L = regex.findall(s)
for x in L:
    if x.find("!)!=-1:
        br = m.factorial(int(x[:-1]))
        print(br)
        s = s.replace(x,str(br))
    else:
        poz = x.find("^")
        br1 = int(x[:poz])
        br2 = int(x[poz+1:])
        print(br1,br2)
        s = s.replace(x,str(br1**br2))
print(s)
```

# Primer

- Napisati funkciju Bullet koja ispituje da li niz karakera, koji prihvata kao argument, predstavlja ispravnu liniju u nabranju. Ispravna linija u nabranju je ako
  - počinje brojem (bar jedna cifara),
  - potom se nalazi bar jedan od simbola slova, cifara i SPACE karaker u proizvoljnom redosledu i
  - završava se jednim od znakova „.“, „?“, „!“, iza kojih su dozvoljeni samo SPACE karakteri, ali mogu biti izostavljeni.

Ulag	Izlag
1Prva linija. 2 linija Treca linija! 55? 41. C!	1Prva linija. 55? 41. C!

```
import re
def Bullet(x):
    regex = re.compile(r'^(\d+)([\w\d ]+)([.\?\!]+)([ ]?)')
    L = regex.findall(x)
    if L==[]:
        return False
    else:
        return True
s = """1Prva linija.
2 linija
Treca linija!      ['1Prva linija.', '2 linija', 'Treca linija!', '55? ', '41. C!']
55?                 ['1Prva linija.', '55? ', '41. C!']
41. C!"""
L=s.split("\n")
print(L)

nova_L=[]
for x in L:
    if Bullet(x):
        nova_L = nova_L + [x]
print(nova_L)
```

# Najveći zajednički delilac (NZD)

## Euklidov algoritam

- Euklidov algoritam je efikasan način za određivanje najvećeg zajedničkog delioca (NZD) dva broja je najveći broj koji istovremeno deli oba bez ostatka.
- Euklidov algoritam je zasnovan na principu da se najveći zajednički delilac dva broja ne menja ukoliko se manji broj oduzme od većeg, pa se zatim odredi NZD novodobijenog broja i manjeg od prethodna dva.
- Na primer, imamo brojeve 48 i 18. Ukoliko od 48 oduzmemo 18 добићемо 30, dakle, ostaju nam 30 i 18. Zatim od 30 oduzimamo 18, па imamo 12 i 18. Ponavljamo ovaj postupak dok jedan od brojeva ne postane nula. Na kraju, jedini preostali broj (6) je najveći zajednički delilac.

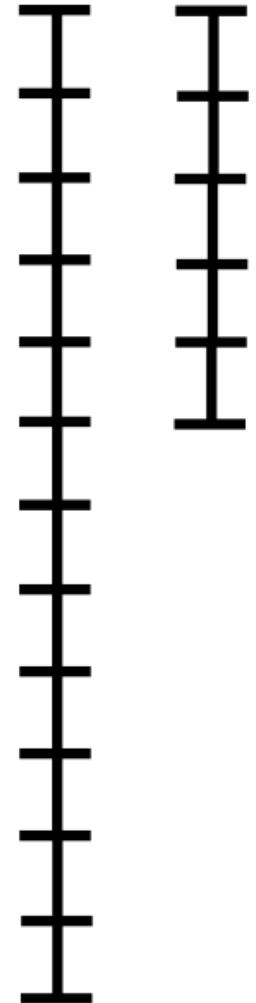
# Najveći zajednički delilac (NZD)

## Euklidov algoritam

```
def nzd(a, b):
    if a == 0:
        return b
    while b != 0:
        if a > b:
            a = a - b
        else:
            b = b - a
    return a
```

```
print(nzd(36,48))
```

```
def nzd2(a, b):
    while b != 0:
        a, b = b, a % b
    return a
```



# Najmanji zajednički sadržalac

- Najmanji zajednički sadržalac se može odrediti tako što se prvo odredi NZD:

$$\text{NZS}(a,b) * \text{NZD}(a,b) = a * b$$

```
def nzs(a, b):  
    return a*b/nzd(a,b)
```

# Faktorizacija broja

- Dato je n brojeva. Potrebno je faktorisati svaki broj, tj. napisati ga kao proizvod prostih činilaca. Svaki broj faktorisati u formatu  
 $p_1^{a_1} * p_2^{a_2} * \dots * p_k^{a_k}$ , gde su  $p_1 \leq p_2 \leq \dots \leq p_k$  svi prosti činioci datog broja (u rastućem redosledu), a  $a_1, a_2, \dots, a_k$  - njihovi odgovarajući izložioci. Izmedju brojeva i simbola '\*' i '^' ne sme biti razmaka. Takođe, ukoliko je izložilac nekog broja jednak 1, treba ga svejedno ispisati.

10

$2^1 * 5^1$

23

$23^1$

180

$2^2 * 3^2 * 5^1$

# Faktorizacija broja

```
n = int(input())
s = ''
i = 2
while n!=1:
    if n % i==0:
        b = 0
        while n % i==0:
            n // =i
            b +=1
        if s=='':
            s = s + str(i) +'^'+str(b)
        else:
            s = s + '*' + str(i) +'^'+str(b)
    i +=1
print(s)
```

# Eratostenovo sito

- Postupak za određivanje prostih brojeva manjih od nekog zadatog broja  $n$

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Prime numbers
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	
101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	
111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	

Algoritam:

- Napišite sve brojeve od 2 do  $n$
- Počevši od prvog broja na spisku (dvojka) precrtajte sa spiska sve brojeve deljive sa dva i upišite da je dvojka prost broj.
- Ponavljajte postupak sa sledećim neprecrtanim brojem m. Dakle, precrtajte sve brojeve deljive sa m, a njega samog obeležite da je prost.

# Eratostenovo sito

```
def nadji_proste_brojeve(n):
    prosti = set()
    slozeni = set()

    for i in range(2, n + 1):
        if i not in slozeni:
            prosti.add(i)
            for j in range(i * i, n + 1, i):
                slozeni.add(j)

    return prosti

print(nadji_proste_brojeve(100))
```

# Vrednost polinoma

- Napisati program kojim se za **n** koeficijenata polinoma i realan broj **x**, računa vrednost polinoma.

$$f(x) = a_0 + a_1x + \cdots + a_nx^n$$

```
def vrednostP(x, polinom):  
    result = 0  
    for i in range(len(polinom)):  
        result += (polinom[i]*x**(len(polinom)-1-i))  
    return result
```

```
Polinom = [15, 0, -13, 2, -1]  
print(vrednostP(2,Polinom))
```

191

$$P(x) = 15x^4 - 13x^2 + 2x - 1$$

Koeficijenti su dati u listi od najveceg ka najmanjem

# Hornerova šema

- Ako je  $f = a_0 + a_1x + \cdots + a_nx^n$ , tada vrednost

$$f = a_0 + a_1c + \cdots + a_nc^n$$

se izračunava sa  $(1 + 2 + \cdots + n) + n = \frac{n(n+3)}{2}$  operacija + i ·

- Kako sa što manje operacija izračunati  $f(c)$ ?
- Odredimo količnik i ostatak pri deljenju polinoma  $f$  sa  $x - c$ .
- Neka je  $f = q(x - c) + f(c)$ , gde je  $q = b_0 + b_1x + \cdots + b_{n-1}x^{n-1}$

# Hornerova šema

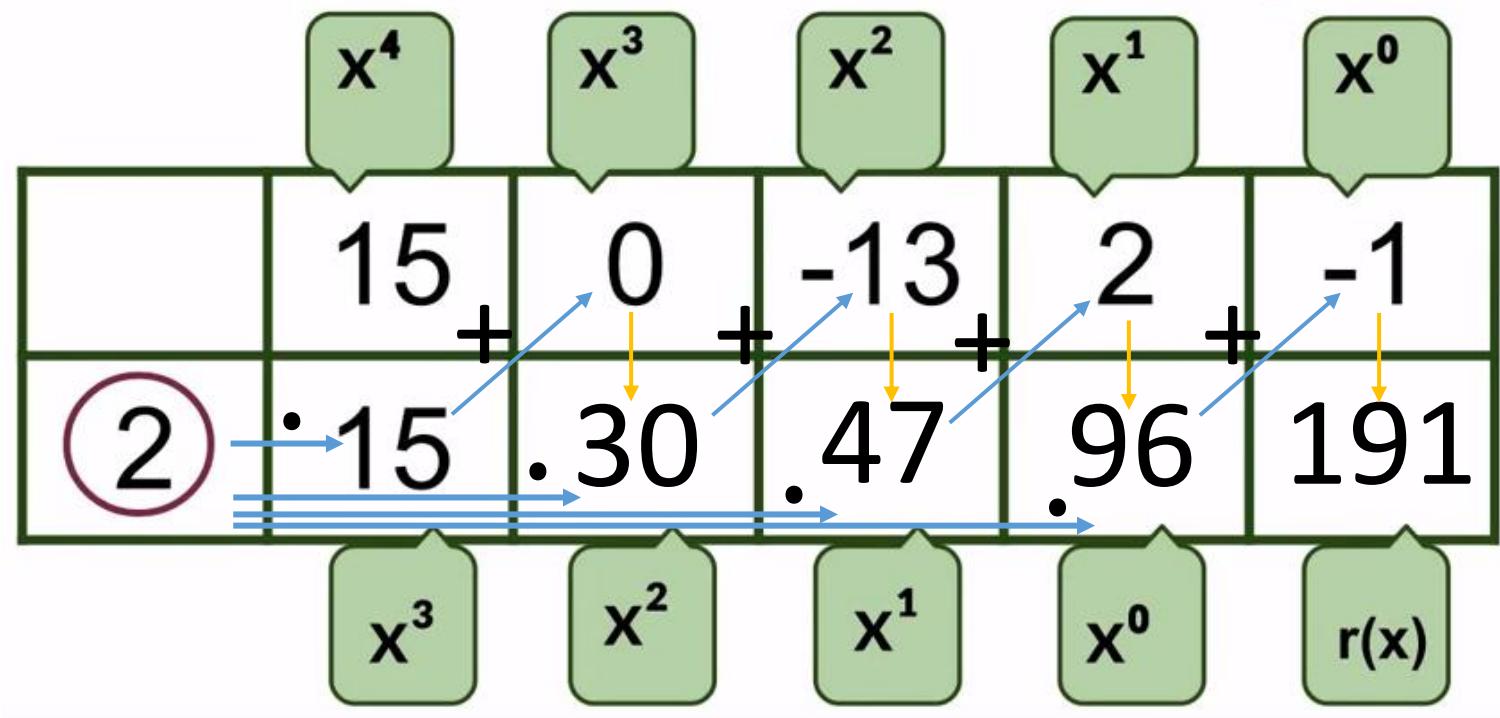
$$a_0 + a_1c + \cdots + a_nc^n = (b_0 + b_1x + \cdots + b_{n-1}x^{n-1})(x - c) + f(c)$$

Izjednačavanjem koeficijenata dobijamo:

$c$	$a_n$	$a_{n-1}$	...	$a_1$	$a_0$
	$b_{n-1}$	$b_{n-2}$	...	$b_0$	$f(c)$
			...		
	$a_n$	$a_{n-1} + b_{n-1}c$		$a_1 + b_1c$	$a_0 + b_0c$

# Hornerova šema

Primer:  $P(x) = 15x^4 - 13x^2 + 2x - 1 = (x - 2) \cdot Q(x) + r$



# Hornerova šema

- Napisati program kojim se za **n** koeficijenata polinoma i realan broj **x**, računa vrednost polinoma.

```
def horner(x, polinom):  
    result = 0  
    for coefficient in polinom:  
        result = result * x + coefficient  
    return result
```

```
Polinom = [15, 0, -13, 2, -1]  
print(horner(2,Polinom))
```

# Broj dana između dva datuma

- Napisati program kojim se određuje broj dana između dva datuma.

Ulaz	Izlaz
7	23257
4	
1953	
9	
12	
2016	