



Рачунарство и информатика

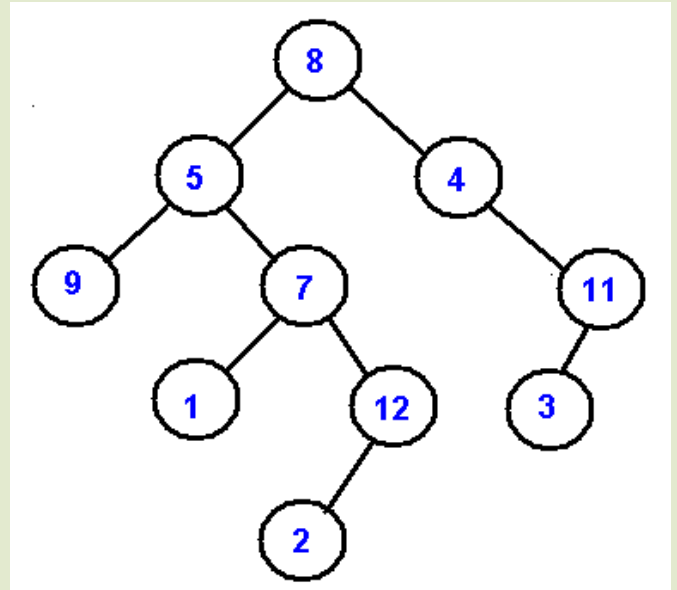
Јелица Васиљевић

Одељење II см

Школска 2015/2016

Бинарна стабла

- Стабло степена **два** назива се **бинарно стабло**
 - Ниједан чвор нема степен већи од 2
 - Сваки чвор може да има **највише два наследника**
- **Дефиниција** : бинарно стабло је скуп од једног или више чворова таквих да
 - Постоји један чвор који је корен стабла
 - Преостали чворови су подељени у ДВА дисјунктна скупа тако да сваки скуп представља бинарно стабло
 - Ова два скупа још се називају ЛЕВО и ДЕСНО подстабло

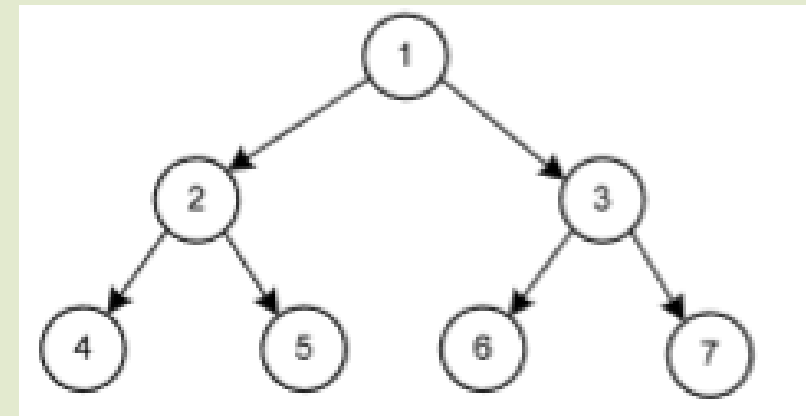


Бинарна стабла

- За бинарно стабло важи :
 - Максимални број чворова на i -том нивоу је 2^{i-1}
 - Ако је k дубина бинарног стабла, онда је максималн број чворова у том стаблу једнак

$$2^k - 1 = 2^{k-1} + 2^{k-2} + \dots + 2^0$$

- **Пуно(потпуно) бинарно стабло** је бинарно стабло дубина k које садржи тачно 2^{k-1} чворова. Уколико је број чворова мањи, стабло је **непотпуно**

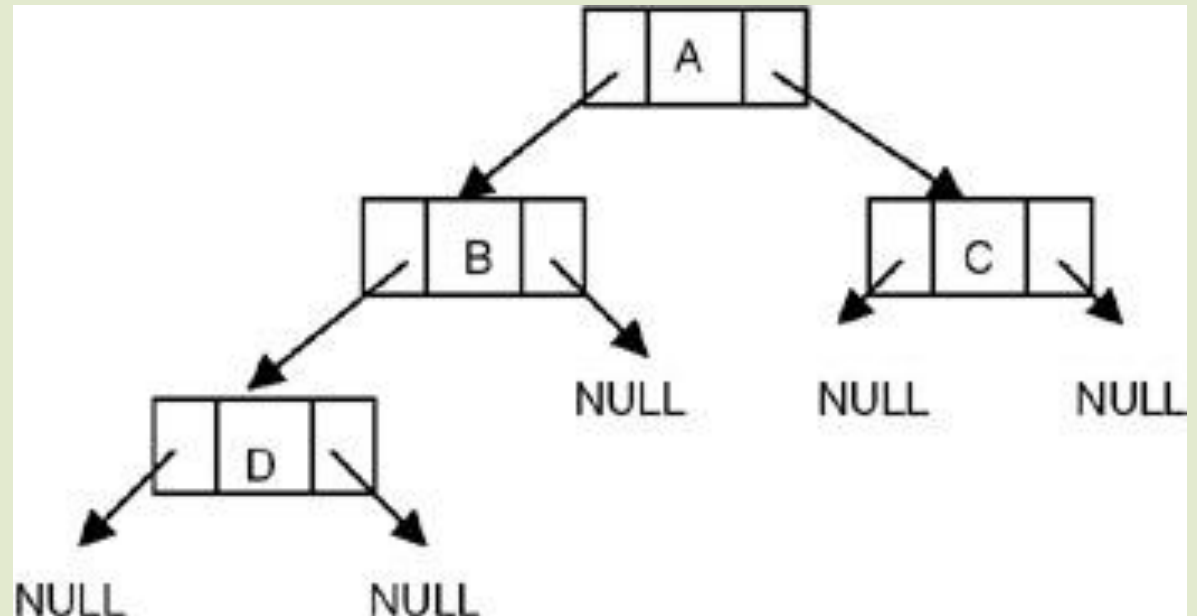


Потпуно бинарно стабло

Бинарна стабла

► Представљање бинарног стабла

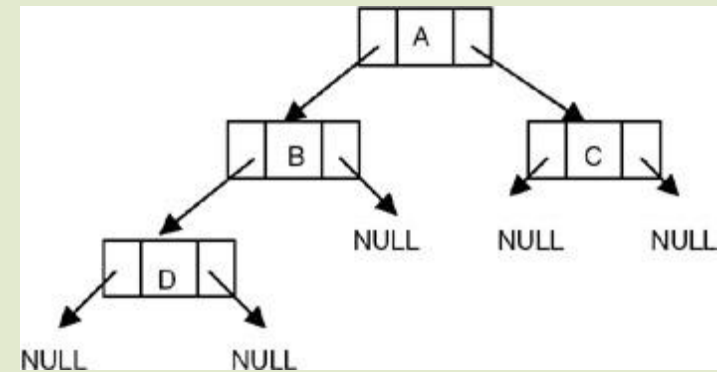
- Бинарно стабло је могуће представити коришћењем повезаних листи
 - Сваки чвор је представљен једном структуром са три поља
 - Користан податак
 - Показивач на лево подстабло
 - Показивач на десно подстабло



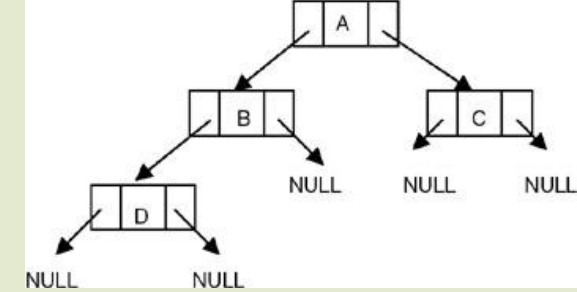
Бинарна стабла

- Чвор бинарног стабла се може представити на следећи начин :

```
type
pokazivac = ^cvor;
cvor = record
    podatak:integer;
    levo,desno:pokazivac;
end;
```



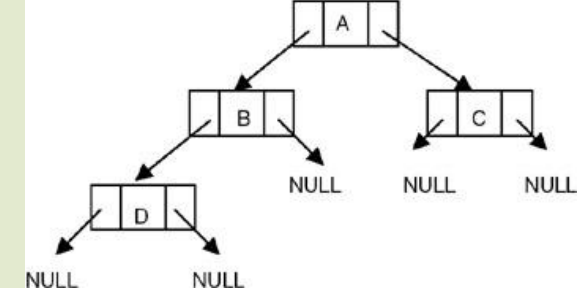
Бинарна стабла



Обилазак бинарног стабла

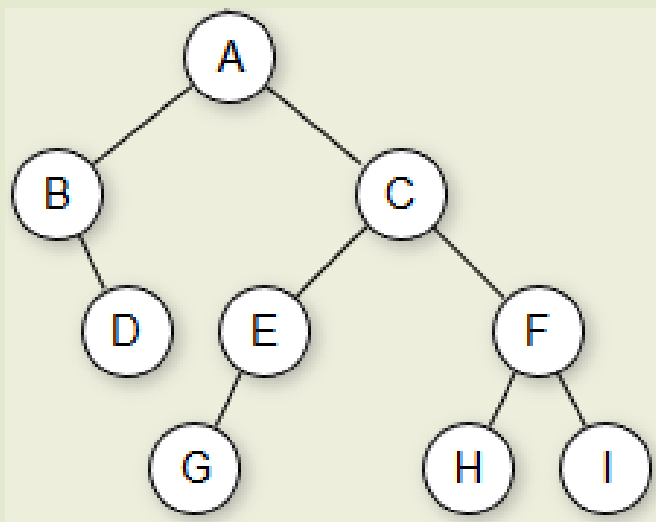
- Под обиласком бинарног стабла подразумевамо **пролазак** кроз **СВЕ** његове чворове одређеним редоследом, при чему је истовремено могуће извршити одређену операцију над подацима који се налазе у чворовима.
- Три најзаступљенија начина обиласка стабла су
 - Лево-корен-десно** : обилазак левог подстабла, обрада податка у корену а затим обилазак десног подстабла. Означава се са **LKD** и још се назива **inorder** обилазак
 - Лево-десно-корен** : обилазак левог подстабла, обилазак десног подстабла а затим обрада податка у корену стабла. Означава се са **LDK** и још се назива **postorder** обилазак
 - Корен-лево-десно** : обрада податка који се налази у корену стабла, затим обилазак левог подстабла па обилазак десног подстабла. . Означава се са **KLD** и још се назива **preorder** обилазак
- Могући су и обиласци KDL,DLK,DKL али се у пракси ређе користе
- Због саме рекурзивне структуре стабла (свако подстабло је стабло), обиласци стабла се дефинишу **рекурзивно**
 - Ако је стабло празно, обилазак је завршен
 - У зависности од начина обиласка стабла, примењује се одговарајући редослед операција

Бинарна стабла



■ Задатак : Исписати елементе датог бинарног стабла у редоследу

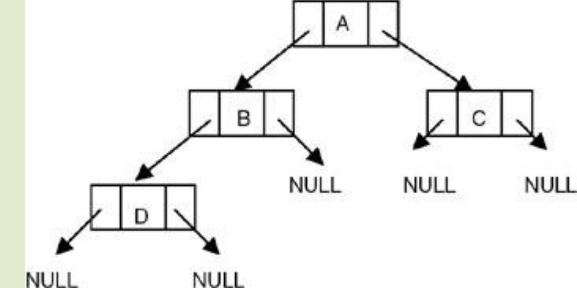
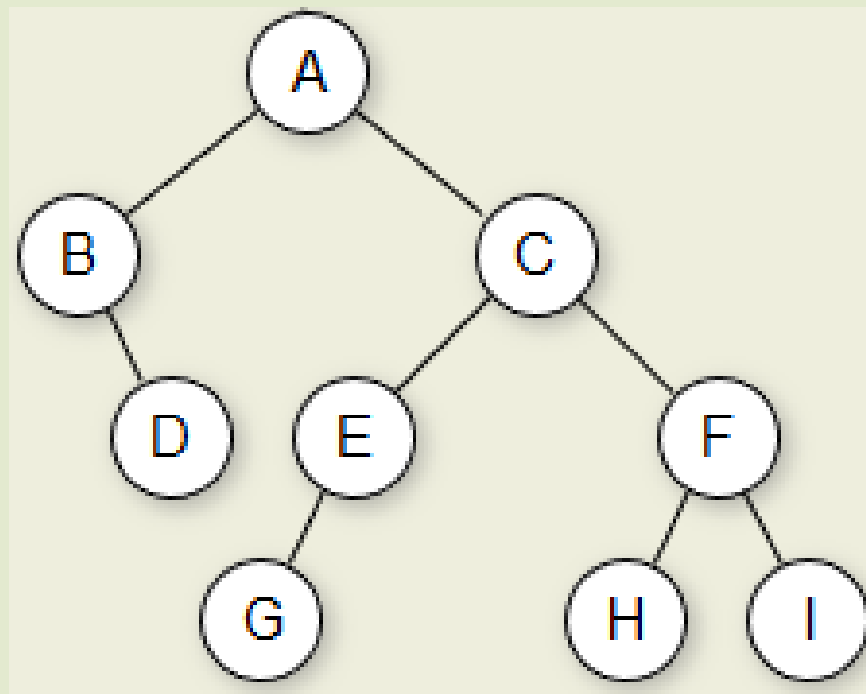
- LKD
- KLD
- LDK



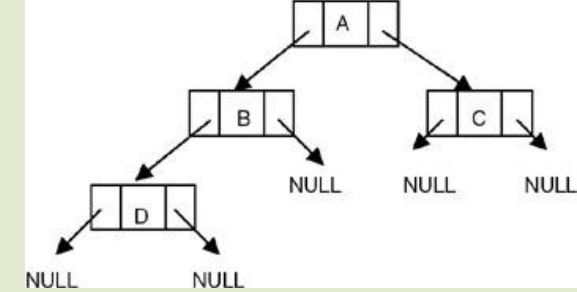
Бинарна стабла

■ Задатак : Решење

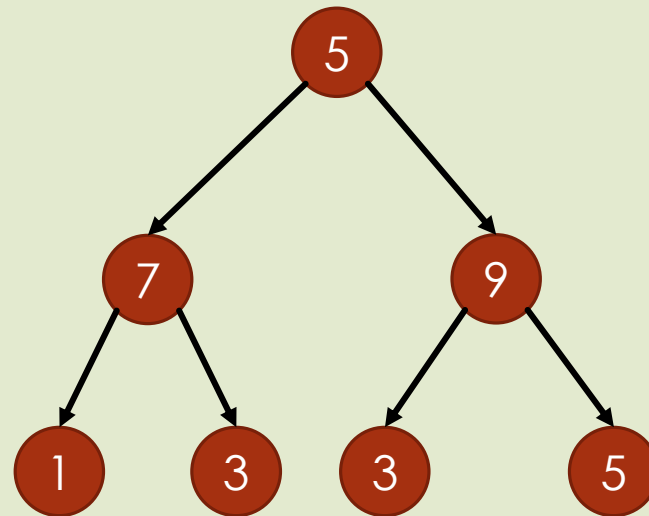
- LKD – B D A G E C H F I
- KLD – A B D C E G F H I
- LDK – D B G E H I F C A



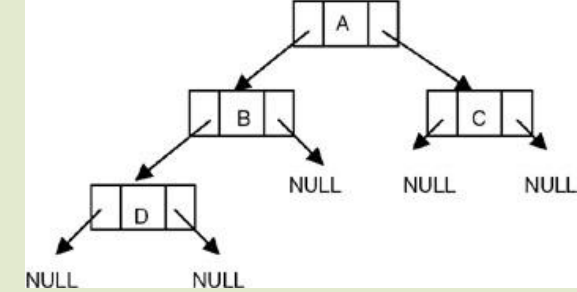
Бинарна стабла



- Задатак : Формирати бинарно стабло са слике а затим написати рекурзивну процедуру којом се реализује ЛКД обилазак овог стабла



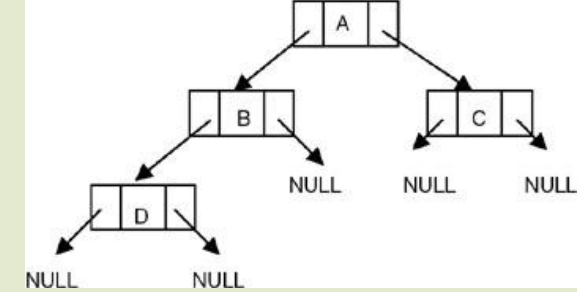
Бинарна стабла



- Решење (рекурзивна процедура за обилазак лево-корен-десно)

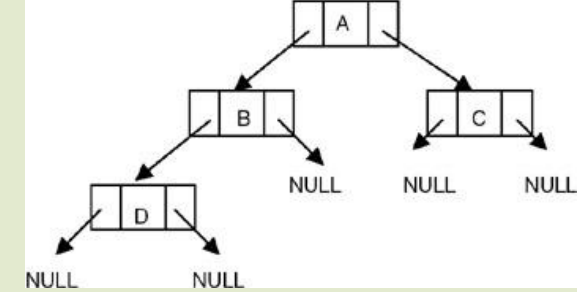
```
procedure lkd(koren:pokazivac);  
begin  
  if (koren <> nil) then  
    begin  
      lkd(koren^.levo);  
      writeln(koren^.podatak);  
      lkd(koren^.desno);  
    end;  
  end;
```

Бинарна стабла



- Бинарно стабло за претраживање : то је бинарно стабло које има следеће карактеристике
 - Чворови бинарног стабла садрже вредности по којима се врши претраживање
 - За било који чвор важи да сви чворови у левом подстаблу имају мању или једнаку вредност од њега а сви чворови у десном подстаблу имају већу вредност од њега.
 - Лево и десно подстабло су такође бинарна стабла за претраживање
- Бинарно стабло за претраживање је бинарно, тако да се може обићи методама обиласка ЛКД,ЛДК и КЛД.
 - Шта се добија ако се бинарно стабло обиђе методом ЛКД ?
- Зашто је бинарно стабло за претраживање значајно ?
 - Коришћењем низова – бинарна претрага
 - Проблем : додавање новог елемента или брисање елемента захтева померање свих елемената
 - Коришћењем повезаних листи
 - Проблем : Нема директног приступа елементима
 - Коришћење бинарних стабала
 - Формирање бинарног стабла од уређених елемената омогућава врло ефикасну претрагу
 - Једним испитивањем се „пола“ елемената одбацује

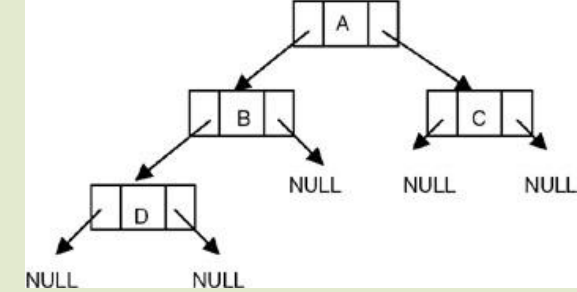
Бинарна стабла



- Креирање бинарног стабла за претраживање (рекурзивно)

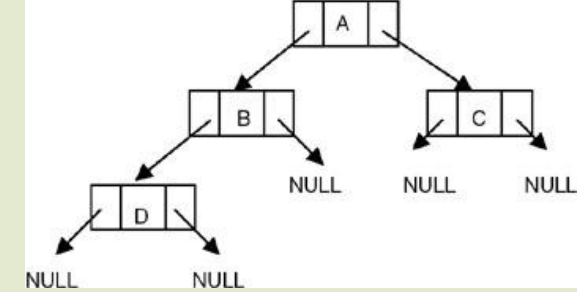
```
procedure dodaj( var koren:pokazivac; br:integer);  
begin  
  if (koren = nil) then  
    begin  
      new(koren);  
      koren^.podatak:=br;  
      koren^.levo:=nil;  
      koren^.desno := nil;  
    end  
  else  
    begin  
      if (koren^.podatak > br) then dodaj(koren^.levo,br)  
      else dodaj(koren^.desno,br);  
    end;  
  end;
```

Бинарна стабла



- Задатак : Креирати претраживачко бинарно стабло од бројева који се уносе са тастатуре све док се не унесе 0. Исписати садржај стабла различитим методама обиласка.

Бинарна стабла



- Решење : Кеирати претраживачко бинарно стабло од бројева који се уносе са тастатуре све док се не унесе 0. Исписати садржај стабла различитим методама обиласка.

```
program stablo;  
type  
pokazivac = ^cvor;  
cvor = record  
    podatak:integer;  
    levo,desno:pokazivac;  
end;  
  
var  
koren : pokazivac;  
br:integer;  
begin  
    Readln(br);  
    koren:=nil;  
    while (br <> 0) do  
        begin  
            dodaj(koren,br);  
            Readln(br);  
        end;  
        lkd(koren);  
    end.
```

```
procedure lkd(koren:pokazivac);  
begin  
    if (koren <> nil) then  
        begin  
            lkd(koren^.levo);  
            writeln(koren^.podatak);  
            lkd(koren^.desno);  
        end;  
    end;
```

```
procedure dodaj( var koren:pokazivac;  
br:integer);  
begin  
    if (koren = nil) then  
        begin  
            new(koren);  
            koren^.podatak:=br;  
            koren^.levo:=nil;  
            koren^.desno := nil;  
        end  
    else  
        begin  
            if (koren^.podatak > br) then  
                dodaj(koren^.levo,br)  
            else dodaj(koren^.desno,br);  
        end;  
    end;
```