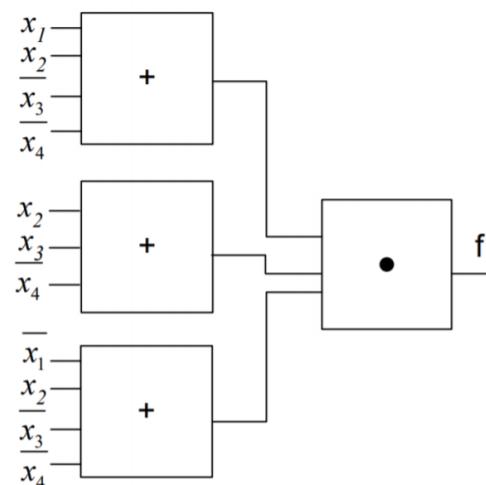


1. Za kombinacionu mrežu zadatu strukturnom šemom (slika 1), korišćenjem LogiSim alata:

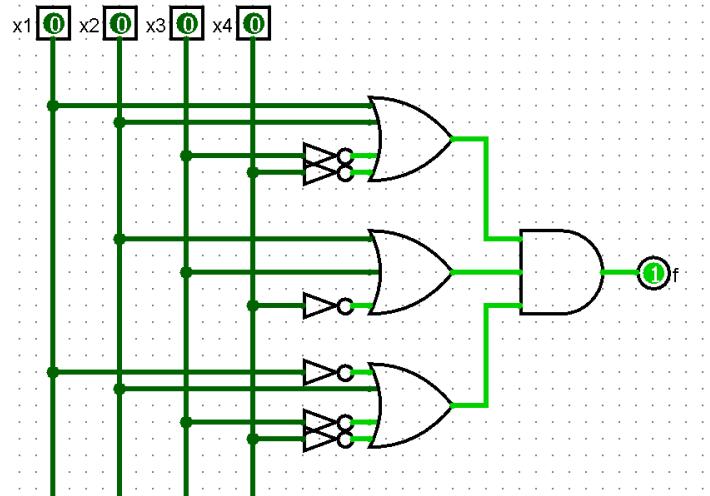
- Kreirati novu kombinacionu mrežu prema zadatoj strukturnoj šemi
- Naći funkcionalnu zavisnost izlaza od ulaza mreže korišćenjem kombinacione tablice
- Naći minimalnu DNF analitičkog oblika zakona funkcionisanja te mreže. Nacrtati strukturu šemu dobijene minimalne DNF kombinacione mreže sa slike 1 u:
 - I, ILI i NE bazisu korišćenjem dvoulaznih I i ILI logičkih kola
 - NI bazisu korišćenjem NI logičkih kola



Slika 1

Rešenje:

- a) Odgovarajuća logička šema napravljena u LogiSim-u predstavljena je na sledećoj slici:



- b) Samu logičku funkciju možemo zapisati na sledeći način:

$$f = (x_1 + x_2 + \bar{x}_3 + \bar{x}_4)(x_2 + x_3 + \bar{x}_4)(\bar{x}_1 + x_2 + \bar{x}_3 + \bar{x}_4)$$

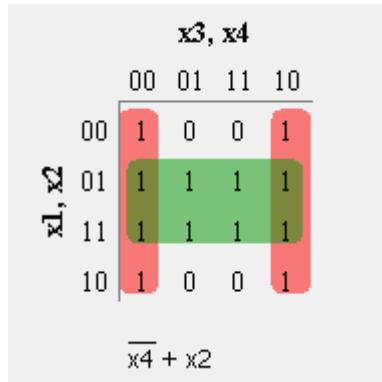
Tabela zavisnosti izlaza od ulaza:

U okviru LogiSim-a dolazimo do iste na sledeći način:

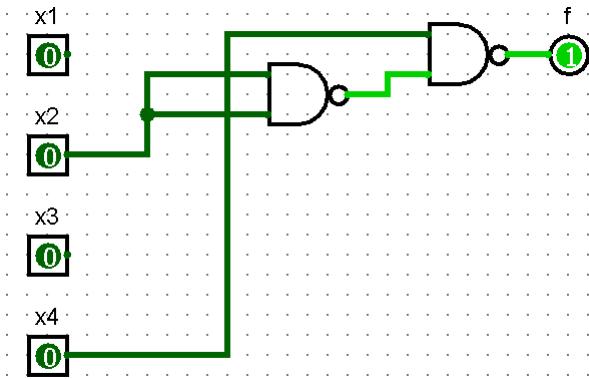
Project -> Analyze Circuit -> Table

x1	x2	x3	x4	f
0	0	0	0	1
0	0	0	1	0
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	1
0	1	1	1	1
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

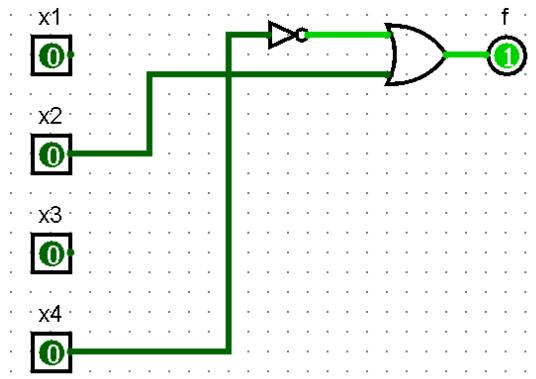
c) Karkoova mapa koja odgovara tekućem primeru je prikazana na sledećoj slici:



$$f_{DNF} = x_2 + \bar{x}_4$$



Slika 3 NI basis – korišćenje NI logičkih kola



Slika 2 I, ILI i NE basis – korišćenje dvoulaznih logičkih kola

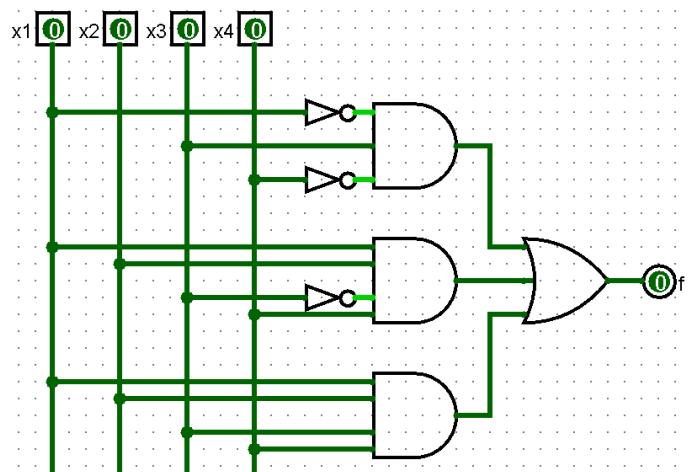
2. Za kombinacionu mrežu zadatu nekom svojom DNF:

$$f(x_1, x_2, x_3, x_4) = \overline{x_1}x_3\overline{x_4} + x_1x_2\overline{x_3}\overline{x_4} + x_1x_2x_3x_4$$

Korišćenjem LogiSim softverskog alata naći:

- Funkcionalnu zavisnost izlaza od ulaza mreže korišćenjem kombinacione tablice.
- Minimalnu DNF analitičkog oblika zakona funkcionisanja te mreže
- Minimalnu KNF analitičkog oblika zakona funkcionisanja te mreže

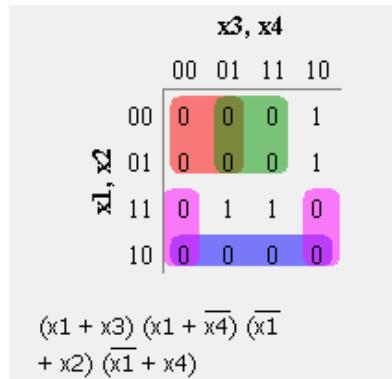
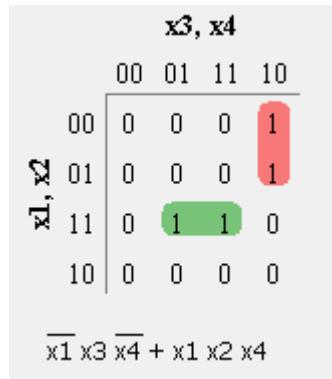
a) Prvo ćemo napraviti odgovarajuću logičku šemu u LogiSim-u:



Funkcionalnu zavisnost izlaza od ulaza mreže možemo predstaviti kombinacionom tablicom:

x_1	x_2	x_3	x_4	f
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	1
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	0
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	1
1	1	1	0	0
1	1	1	1	1

b) i c) Karnoove mape:



Odakle dolazimo do zaključka:

$$f_{DNF} = \bar{x}_1 x_3 \bar{x}_4 + x_1 x_2 x_3$$

$$f_{KNF} = (x_1 + x_3)(x_1 + \bar{x}_4)(\bar{x}_1 + x_2)(\bar{x}_1 + x_4)$$

3. Ispitati da li funkcije f i g definisane sledećim izrazima: **(domaći)**

$$f = \bar{x}_1 x_2 \bar{x}_3 + x_2 x_3 x_4 + x_1 \bar{x}_2 x_4 + x_1 \bar{x}_3 \bar{x}_4$$

$$g = \bar{x}_1 x_2 x_4 + x_1 x_3 x_4 + x_1 \bar{x}_2 \bar{x}_3 + x_2 \bar{x}_3 \bar{x}_4$$

Realizuju jednako preslikavanje.

Rešenje:

Ovo možemo proveriti tako što bismo realizovali kombinacione tabele za obe funkcije f i g , a nakon toga poređenjem istih.

Zadatak 4. (domaći)

Primenom Karnoovih mapa naći minimalnu KNF i minimalnu DNF prekidačke funkcije $f(x_1, x_2, x_3)$ zadate skupom indeksa:

- a) $f(1)=\{0,1,4,5,6\}$
- b) $f(0)=\{2,3,6,7\}$

Zadatak 5.

Primenom Karnoovih mapa naći minimalnu KNF i minimalnu DNF prekidačke funkcije $f(x_1, x_2, x_3, x_4)$ zadate skupom indeksa:

- a) $f(1)=\{3,4,6,7,11,12,14\}$
- b) $f(0)=\{0,1,4,6,8,12,14\}$

Rešenje:

- a) Polja sledeće Karnooove mape su popunjena odgovarajućim indeksima:

		$x_1 x_2$	00	01	11	10
		$x_3 x_4$	00	01	11	10
			0	4	12	8
		00	1	5	13	9
		01	3	7	15	11
		11	2	6	14	10
		10				

Prateći postavku zadatka, polja sa indeksima $\{3,4,6,7,11,12,14\}$ ćemo popuniti jedinicama, a ostala polja ćemo popuniti nulama.

		x_1, x_2	00	01	11	10
		x_3, x_4	00	01	11	10
			0	1	1	0
		00	0	0	0	0
		01	1	1	0	1
		11	0	1	1	0
		10	0	1	1	0

$\overline{x_4} x_2 + x_3 x_4 \overline{x_1} + x_3 x_4 \overline{x_2}$

Slika 5 min DNF

		x_1, x_2	00	01	11	10
		x_3, x_4	00	01	11	10
			0	1	1	0
		00	0	0	0	0
		01	0	0	0	0
		11	1	1	0	1
		10	0	1	1	0

$(x_4 + x_2) (x_3 + \overline{x_4}) (\overline{x_4} + \overline{x_1} + \overline{x_2})$

Slika 4 min KNF

- b) Sada ćemo polja sa indeksima $\{0,1,4,6,8,12,14\}$ popuniti nulama, a ostala polja ćemo popuniti jedinicama.

		x_1, x_2	00	01	11	10
		x_3, x_4	00	01	11	10
			0	0	0	0
		00	0	0	0	0
		01	0	1	1	1
		11	1	1	1	1
		10	1	0	0	1

$x_4 x_2 + x_4 x_1 + x_3 \overline{x_2}$

Slika 7 min DNF

		x_1, x_2	00	01	11	10
		x_3, x_4	00	01	11	10
			0	0	0	0
		00	0	0	0	0
		01	0	1	1	1
		11	1	1	1	1
		10	1	0	0	1

$(x_3 + x_4) (x_3 + x_1 + x_2) (x_4 + \overline{x_2})$

Slika 6 min KNF