

Пријемни испит из МАТЕМАТИКЕ за упис на
Основне академске студије МАТЕМАТИКЕ

27. јун 2023. године

Време за рад је 180 минута.

Тест се састоји од 15 задатака на 3 странице. У сваком задатку понуђено је пет одговора (А, Б, В, Г, Д) од којих је само један тачан. У случају да кандидат не уме да реши задатак, треба да заокружи слово Н. Сваки тачно решен задатак вреди 4 поена. Заокруживање Н, заокружен нетачан одговор, као и заокруживање више од једног одговора не доноси ни позитивне ни негативне поене.

ТЕСТ 13649

ШИФРА: _____

Σ

1. Вредност израза $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} : \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{2} \cdot \left(-\frac{1}{2}\right) - \frac{1}{2}$ једнака је:

1.

А) 0; Б) $-\frac{9}{8}$; В) $-\frac{1}{2}$; Г) $-\frac{1}{4}$; Д) $-\frac{5}{4}$; Н) не знам.

2. Збир квадрата решења једначине $4x + 3|x + 2| = 0$ је:

2.

А) 0; Б) $\frac{6}{7}$; В) $\frac{36}{49}$; Г) 36; Д) 49; Н) не знам.

3. Број целобројних решења неједначине $\frac{5x - 4}{x^2 - 3x - 4} \leq -1$ је:

3.

А) 2; Б) 3; В) 4; Г) 5; Д) већи од 5; Н) не знам.

4. Остатак при дељењу полинома $P(x) = x^{2024} - 5x^{2023} - 1$ полиномом $Q(x) = x^2 - 6x + 5$ једнак је:

4.

А) $x - 6$; Б) $5x - 1$; В) $6x - 5$; Г) $x - 5$; Д) $6x - 1$; Н) не знам.

5. Производ решења једначине $\sqrt{|x| - 3} = x - 3$ једнак је:

- A)** 3; **Б)** 4; **(Б)** 12; **Г)** -6; **Д)** -9; **Н)** не знам.

5.

6. Збир свих реалних решења једначине

$$\sqrt[3]{3^{\frac{10x+5}{x-1}}} = 27^{\frac{3x-7}{3x-9}}$$

је:

- A)** -9; **(Б)** -5; **Б)** 0; **Г)** 5; **Д)** 9; **Н)** не знам.

6.

7. Вредност израза $\log_{\frac{1}{9}}(\log_2 \frac{1}{2} \cdot \log_{\frac{1}{2}} 8)$ је:

- (А)** $-\frac{1}{2}$; **Б)** $\frac{1}{3}$; **В)** 2; **Г)** 3; **Д)** 9; **Н)** не знам.

7.

8. Збир решења једначине $\sin x + \frac{1}{\sqrt{2}} \sin 2x = 0$, која припадају интервалу $[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}]$ је:

- А)** $\frac{3\pi}{4}$; **(Б)** 3π ; **В)** $\frac{7\pi}{4}$; **Г)** 2π ; **Д)** $\frac{5\pi}{4}$; **Н)** не знам.

8.

9. Површина паралелограма са страницама дужина 9 см и 6 см и са тупим углом од 150° је:

- (А)** 27 cm^2 ; **Б)** 45 cm^2 ; **В)** 54 cm^2 ; **Г)** 63 cm^2 ; **Д)** 72 cm^2 ; **Н)** не знам.

9.

10. Површина омотача правилне четворостране призме је $18\sqrt{6} \text{ cm}^2$, а дијагонала призме са основом заклапа угао од 30° . Запремина призме је:

- А)** $13,5 \text{ cm}^3$; **Б)** 81 cm^3 ; **(Б)** $40,5 \text{ cm}^3$; **Г)** 96 cm^3 ; **Д)** 121 cm^3 ; **Н)** не знам.

10.

11. Растојање тачке $T(10, 0)$ од центра кружнице $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ је:

- А)** 5; **Б)** 25; **В)** $\sqrt{55}$; **(Г)** $\sqrt{85}$; **Д)** 85; **Н)** не знам.

11.

12. Ако је $f\left(\frac{x}{x+1}\right) = \frac{2x-1}{x+2}$, тада је $f(3)$ једнако:

- А)** -6; **Б)** -3; **В)** 0; **(Г)** -8; **Д)** 5; **Н)** не знам.

12.

13. Ако је $z = 1 + i$, где је $i^2 = -1$, вредност израза $\left(\frac{z}{\sqrt{2}}\right)^{2023} + \left(\frac{\bar{z}}{\sqrt{2}}\right)^{2023}$ једнака је:
A) $-\sqrt{2}$; B) $-i$; C) 0; D) i ; E) $\sqrt{2}$; F) не знам.
13.
14. Колико има парних петоцифрених бројева $N = \overline{abcde}$, $60000 < N < 80000$, са различитим цифрама, код којих је цифра c парна, а цифре b и d непарне?
A) 240; B) 540; C) 360; D) 320; E) 480; F) не знам.
14.
15. У развоју бинома $\left(\frac{\sqrt{a}}{3} + \frac{3}{a^5}\right)^n$ збир биномних коефицијената првог и другог члана развоја једнак је 23. Члан овог развоја који не садржи a једнак је:
A) $77 \cdot 3^{19}$; B) $\frac{77}{3^{17}}$; C) $\frac{1540}{3^{16}}$; D) $1540 \cdot 3^{16}$; E) $22 \cdot 3^{20}$; F) не знам.
15.