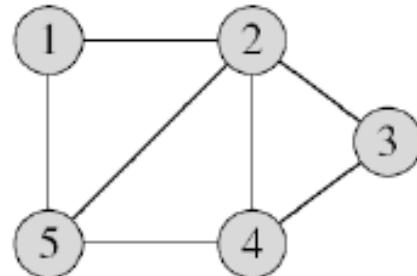


# Grafovi

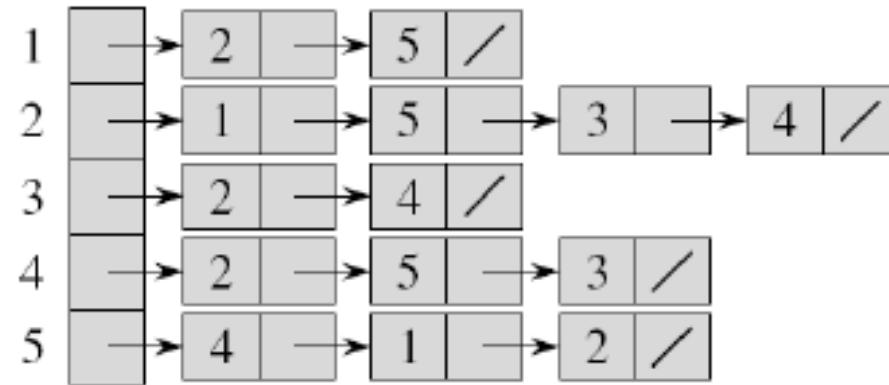
Algoritamske strategije - vežbe

# Grafovi

- $G = (V, E)$
- $V$  – skup čvorova (*vertices*)
- $E$  – skup veza (*edges*)
- 2 načina predstavljanja:
  - Kolekcija lista povezanosti
  - Matrica povezanosti
- Težinski grafovi



	1	2	3	4	5
1	0	1	0	0	1
2	1	0	1	1	1
3	0	1	0	1	0
4	0	1	1	0	1
5	1	1	0	1	0



# Zadatak

- Web sajt treba organizovati tako da sve stranice budu lako dostupne sa početne.
- Dubina stranice – broj linkova koje treba pratiti da bi se od početne strane stiglo do tražene.
- Na ulazu se zadaje broj web strana ( $n$ ) i broj njihovih povezanosti linkovima ( $l$ ), veze su orijentisane.
- Zatim se zadaju povezanosti i maksimalna dozvoljena dubina.
- Odrediti strane čija je dubina veća od dozvoljene.

# Pretraga u širinu

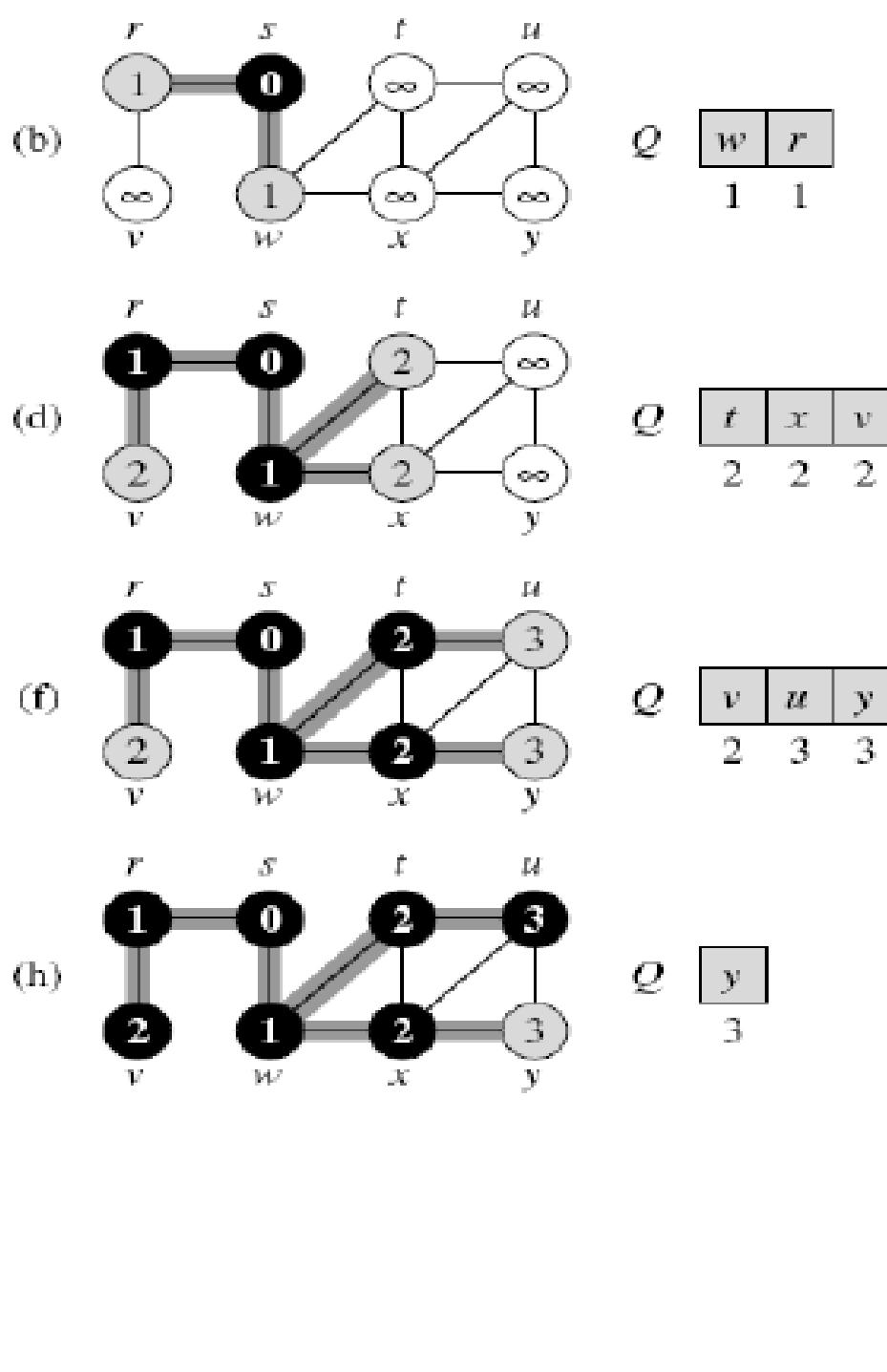
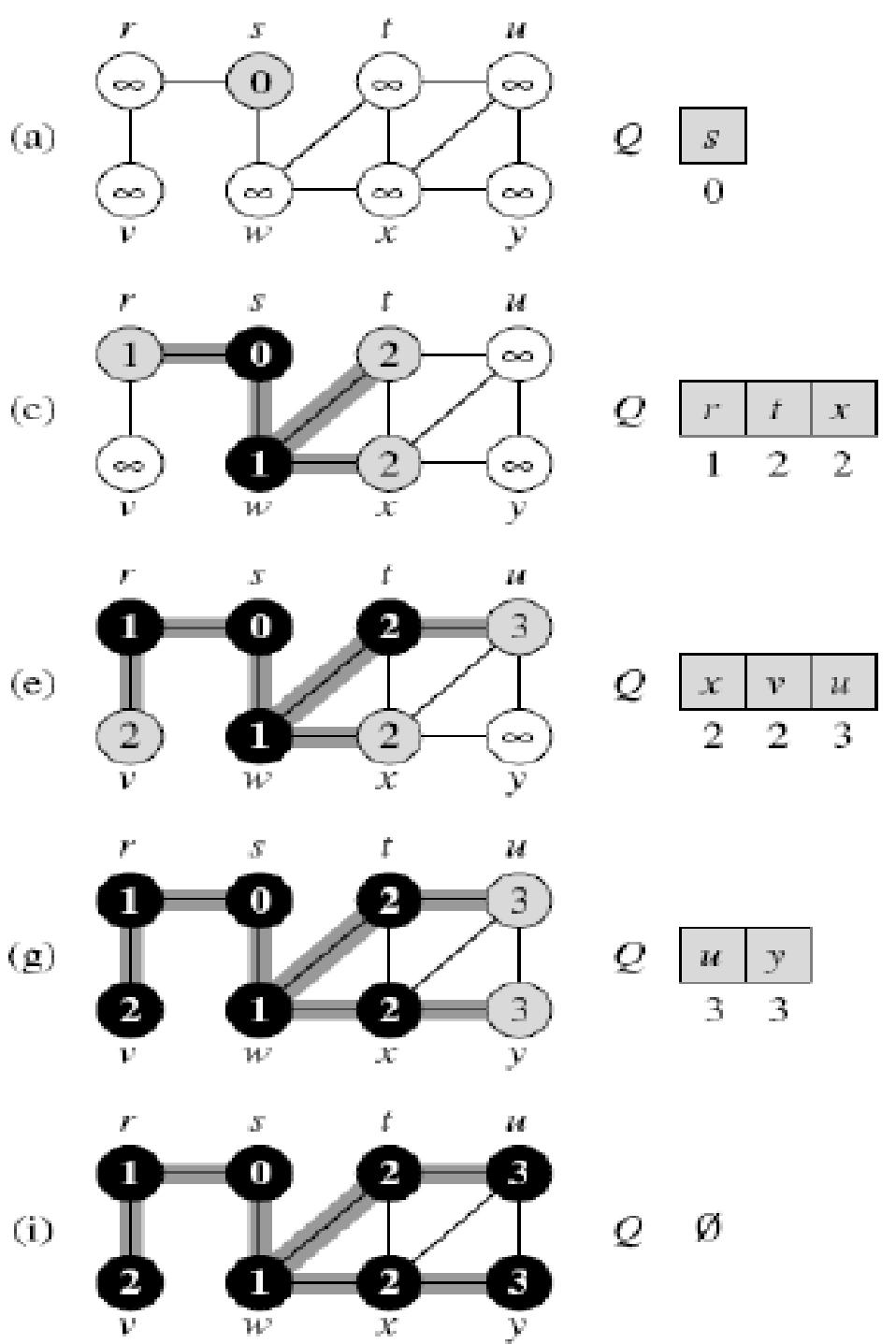
- Breadth first search – BFS
- Izvorni čvor  $s$  – 0. nivo
- Svi susedi čvora  $s$  – 1. nivo
- Za svaki čvor iz 1. nivoa, svi nerazmatrani susedi – 2. nivo itd.
- Širinsko stablo, koren  $s$
- Najkraće rastojanje od čvora  $s$  do svakog čvora.

# Pretraga u širinu

- $\text{Color}[u]$  – boje čvorova, bela, siva i crna
- $\pi[u]$  – roditelj čvora  $u$
- $d[u]$  – rastojanje čvora  $u$  od početnog čvora
- FIFO lista  $Q$

# Pretraga u širinu

- $\text{Color}[u]$  – boje čvorova, bela, siva i crna
- $\pi[u]$  – roditelj čvora  $u$
- $d[u]$  – rastojanje čvora  $u$  od početnog čvora
- FIFO lista  $Q$
- Bela -  $d[i] = \infty$
- Siva -  $i \in Q$
- Crna -  $d[i] \neq \infty, i \notin Q$



# Pretraga u širinu

```
BFS(  $G$  ,  $s$  )
  for each  $u \in V - \{s\}$ 
    color[ $u$ ] = WHITE
     $d[u] = \infty$ 
     $\pi[u] = \text{NULL}$ 
  color[ $s$ ] = GRAY
   $d[s] = 0$ 
   $\pi[s] = \text{NULL}$ 
   $Q = \text{NULL}$ 
  ENQUEUE(  $Q$  ,  $s$  )
```

```
while  $Q \neq \emptyset$ 
  DEQUEUE(  $Q$  ,  $u$  )
  for each  $v \in Adj[u]$ 
    if color[ $v$ ] = WHITE
      color[ $v$ ] = GRAY
       $d[v] = d[u] + 1$ 
       $\pi[v] = u$ 
      ENQUEUE(  $Q$  ,  $v$  )
    color[ $u$ ] = BLACK
```

```
PRINT_PATH(  $G$  ,  $s$  ,  $v$  )
  if  $v = s$ 
    print  $s$ 
  else if  $\pi[v] = \text{NULL}$ 
    print "Nema puta od  $s$  do  $v$ "
  else
    PRINT_PATH(  $G$  ,  $s$  ,  $\pi[v]$  )
    print  $v$ 
```



# Test primeri

```
14  
16  
0 1  
0 2  
0 4  
1 3  
1 5  
2 7  
2 8  
4 6  
4 2  
3 2  
5 4  
6 9  
6 10  
2 11  
10 12  
10 13  
0  
3
```

```
13  
19  
0 1  
0 2  
0 3  
0 6  
1 8  
2 4  
2 9  
3 4  
4 9  
4 10  
4 7  
4 5  
5 7  
6 7  
7 10  
7 11  
8 11  
9 10  
10 12  
0  
2
```

# Test primeri

```
14  
16  
0 1  
0 2  
0 4  
1 3  
1 5  
2 7  
2 8  
4 6  
4 2  
3 2  
5 4  
6 9  
6 10  
2 11  
10 12  
10 13  
0  
3
```

Stranice do kojih se ne može  
stići: 12, 13

```
13  
19  
0 1  
0 2  
0 3  
0 6  
1 8  
2 4  
2 9  
3 4  
4 9  
4 10  
4 7  
4 5  
5 7  
6 7  
7 10  
7 11  
8 11  
9 10  
10 12  
0  
2
```

Stranice do kojih se ne može  
stići: 5, 10, 11, 12