

## ИРАЦИОНАЛНЕ ЈЕДНАЧИНЕ И НЕЈЕДНАЧИНЕ

**1.** Решити једначине

$$(a) \sqrt{x-2} + |x-2| = 4; \quad (б) \sqrt{x-16} + \frac{1}{2}\sqrt{x+16} = \frac{10}{\sqrt{x-16}};$$

$$(в) (x-3)^2 + 3x - 22 = \sqrt{x^2 - 3x + 7}.$$

**2.** Решити једначине

$$(a) \sqrt{2x-4} - \sqrt{x+5} = 1; \quad (б) \sqrt{2x-1} + \sqrt{x-2} = \sqrt{x+1};$$

$$(в) \sqrt{3x^2 + 5x - 8} - \sqrt{3x^2 + 5x - 1} = 1.$$

**3.** Решити једначине

$$(a) \sqrt{x-1} + \sqrt{x+24} - 10\sqrt{x-1} = 5; \quad (б) \sqrt{x+1} - 4\sqrt{x-3} + \sqrt{x+6} - 6\sqrt{x-3} = 1;$$

$$(в) \sqrt{x-2} + \sqrt{2x-5} + \sqrt{x+2} + 3\sqrt{2x-5} = 7\sqrt{2}.$$

**4.** Одредити вредност реалног параметра  $a$  за које једначина  $\sqrt{2-x} = a-x$  има тачно два различита реална решења.

**5.** Решити једначине

$$(a) \sqrt[3]{x+1} - \sqrt[3]{x-1} = 2; \quad (б) \sqrt[3]{x+\sqrt{x}} + \sqrt[3]{x-\sqrt{x}} = \sqrt[3]{2};$$

$$(в) \sqrt[3]{(65+x)^2} + 4\sqrt[3]{(65-x)^2} = 5\sqrt[3]{4225-x^2}; \quad (г) \sqrt[4]{(x-1)^2} - \sqrt[4]{(x+1)^2} = \frac{3}{2}\sqrt[4]{x^2-1}.$$

**6.** Решити неједначине

$$(a) \sqrt{4+3x-x^2} < 2; \quad (б) \sqrt{4+3x-x^2} > -2; \quad (в) \frac{\sqrt{x^2-x-2}}{x^2+2x+3} > 0.$$

**7.** Решити неједначине

$$(a) \sqrt{x^2-5x+4} \leq x-3; \quad (б) \sqrt{-x^2+x+6} + x - 1 > 0;$$

$$(в) \sqrt{2x-3} - \sqrt{x-5} < 4; \quad (г) \sqrt{x+6} > \sqrt{x+1} + \sqrt{2x-5}.$$

**8.** Решити неједначине

$$(a) \sqrt{\frac{x^2-4x+7}{x-2}} < 2; \quad (б) (8x^2-6x+1) \cdot \sqrt{-25x^2+15x-2} \geq 0;$$

$$(в) \frac{\sqrt{2-x} + x - 3}{(|x-3|-2)^2} < 0.$$

**9.** Решити неједначину  $\sqrt{2-x} < a-x$  у зависности од реалног параметра  $a$ .

**10.** Решити системе једначина

$$(a) \begin{cases} x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = 30, \\ \sqrt{y} - \sqrt{x} = 1; \end{cases} \quad (б) \begin{cases} x + \sqrt{xy} + y = 14, \\ x^2 + xy + y^2 = 84; \end{cases}$$

$$(в) \begin{cases} x\sqrt{x} - y\sqrt{y} = 19(\sqrt{x} - \sqrt{y}), \\ x\sqrt{x} + y\sqrt{y} = 7(\sqrt{x} + \sqrt{y}); \end{cases} \quad (г) \begin{cases} x\sqrt{y} + y\sqrt{x} = 6, \\ x^2y + y^2x = 20. \end{cases}$$