

ДРУГИ КОЛОКВИЈУМ ИЗ АНАЛИЗЕ 4

22.05.2009.

1. Израчунати криволинијски интеграл  $\oint_C (y^2 + z^2)dx + (x^2 + z^2)dy + (y^2 + x^2)dz$  где је  $C$  пресек површи  $S_1 : x^2 + y^2 + z^2 = 6$  и  $S_2 : x^2 + y^2 = z$  применом *Stokes*-ове формуле. [9]
2. Израчунати површински интеграл друге врсте  $\iint_S (y - z) dy dz + (z - x) dz dx + (x - y) dx dy$ , ако је  $S$  доња страна конусне површи  $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ ,  $0 \leq z \leq h$ . [9]
3. Образложити поступак израчунавања интеграла  $I(a) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\arctg(a \cos x)}{\cos x} dx$ ,  $a \in \mathbf{R}$ . [6]