

# Uređeni indeksi

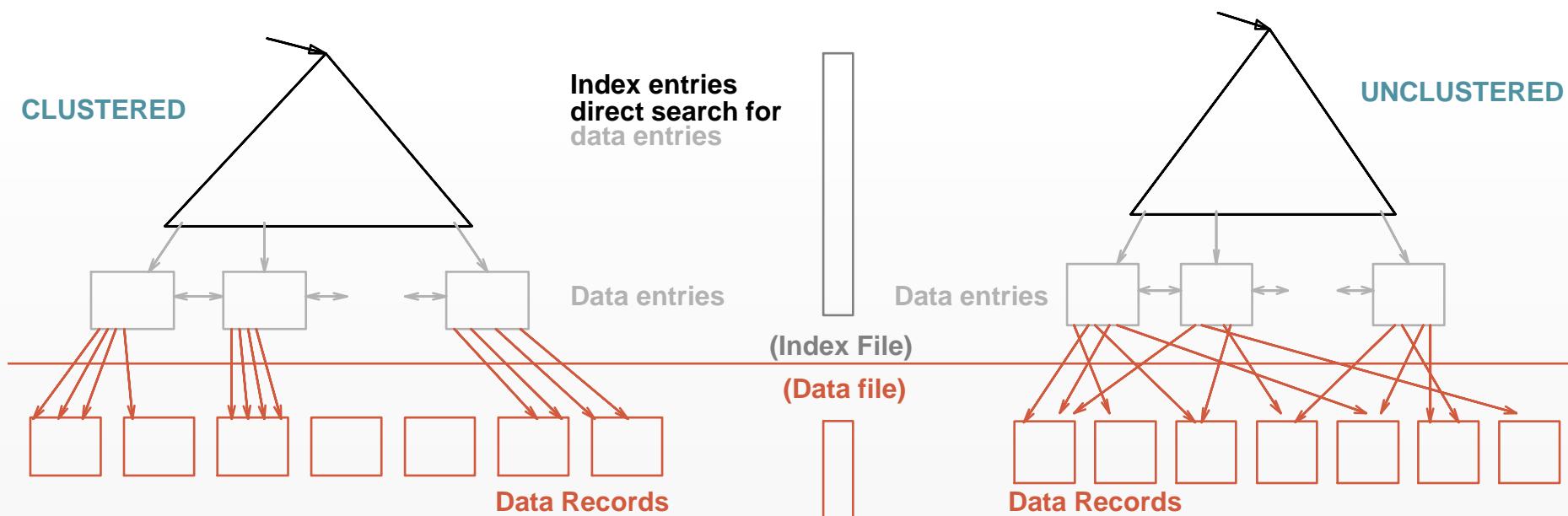
---

# Uređeni indeksi

- Struktura podatka u kojoj su parovi key, data entry uređeni prema vrednosti ključa.  
Key - može biti jedan ili više atributa tabele nad kojima je postavljen indeks.  
Data entry – ukazuje na torku u fajlu (tabeli).
- Struktura se beleži tako da omogući brzu pretragu.
- DBMS ima obavezu da pri izmeni sadržaja tabele sinhronizovano vrši i izmene u pridruženim indeksima.
- Tokom izvršavanja upita DBMS procenjuje koje indekse je moguće iskoristiti za ubrzavanje izvršavanja, tj. smanjenje broja čitanja/pisanja po disku.
- Troškovi:
  - Memorijski prostor
  - Održavanje

# Primarni i sekundarni indeksi

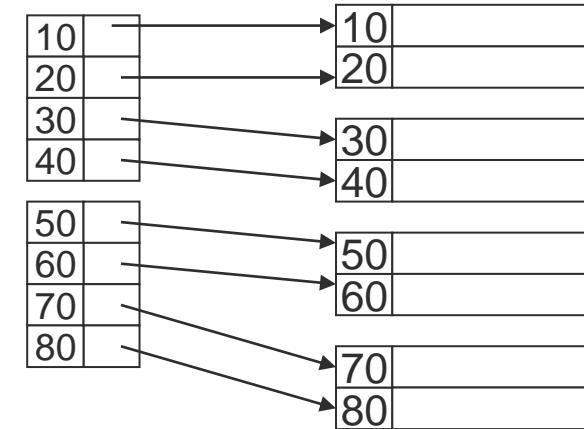
- **Primarni indeks.** Indeksirano polje odgovara kriterijumu po kojem je fajl sa podacima uređen.
- **Sekundarni indeks.** Indeks u kojem indeksirano polje nameće uređenje koje ne odgovara sekvencijalnom uređenju fajla.



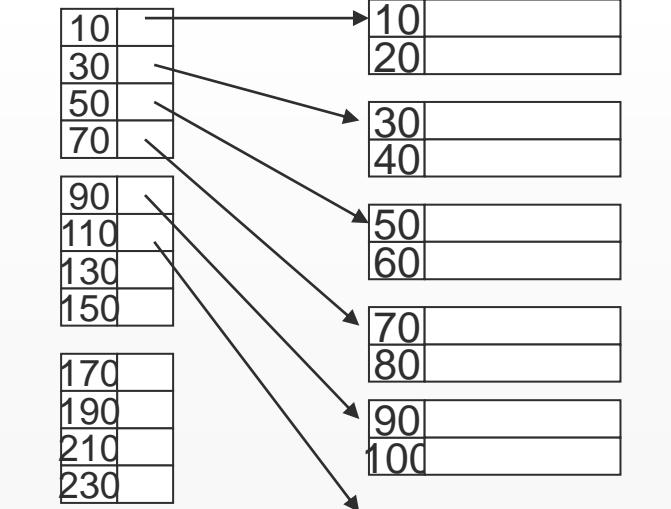
# Primarni indeksi

- **Indeks-sekvencijalna fajl organizacija.**  
Sekvencijalni fajl sa primarnim indeksom.
- **Gusti indeks.**  
U indeksu postoji slog za svaku vrednost indeksiranog polja.
- **Redak indeks.**  
U indeksu postoje samo neke vrednosti indeksiranog polja.  
Obično sadrže jedan ključ-pokazivač par po bloku.  
Primenljiv samo u slučaju sekvencijalnog uređenja prema indeksiranom polju.

Dense Index



Sparse Index



Sequential File

# Gusti vs. Retki

- **Gusti indeksi.**

Može se utvrditi da li neka vrednost indeksiranog polja postoji bez učitavanja fajla sa podacima.

Zauzima više prostora.

Sporije se pretražuje sam indeks.

- **Retki indeksi.**

Veći deo indeksa može biti učitan u memoriju.

Lakši za implementaciju dodavanja novih slogova.



# Duplikati / gust indeks



10	
10	

10	
20	

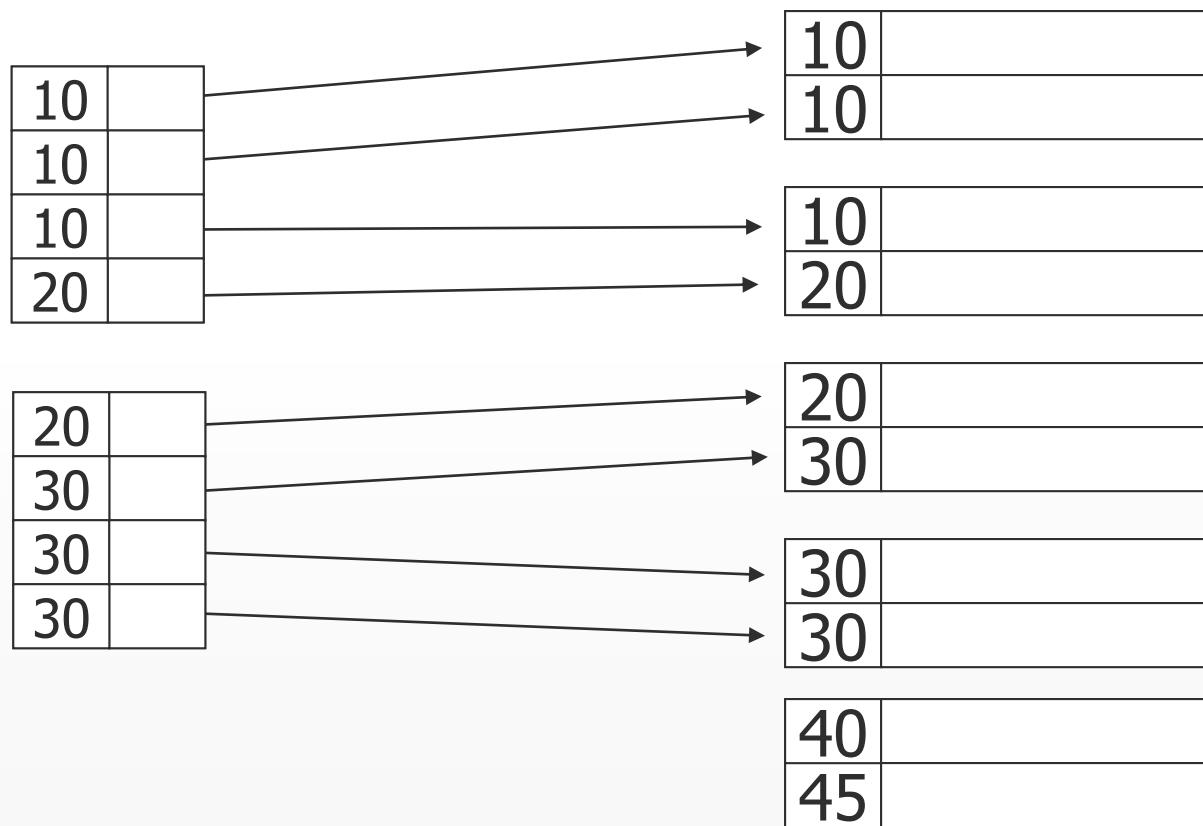
20	
30	

30	
30	

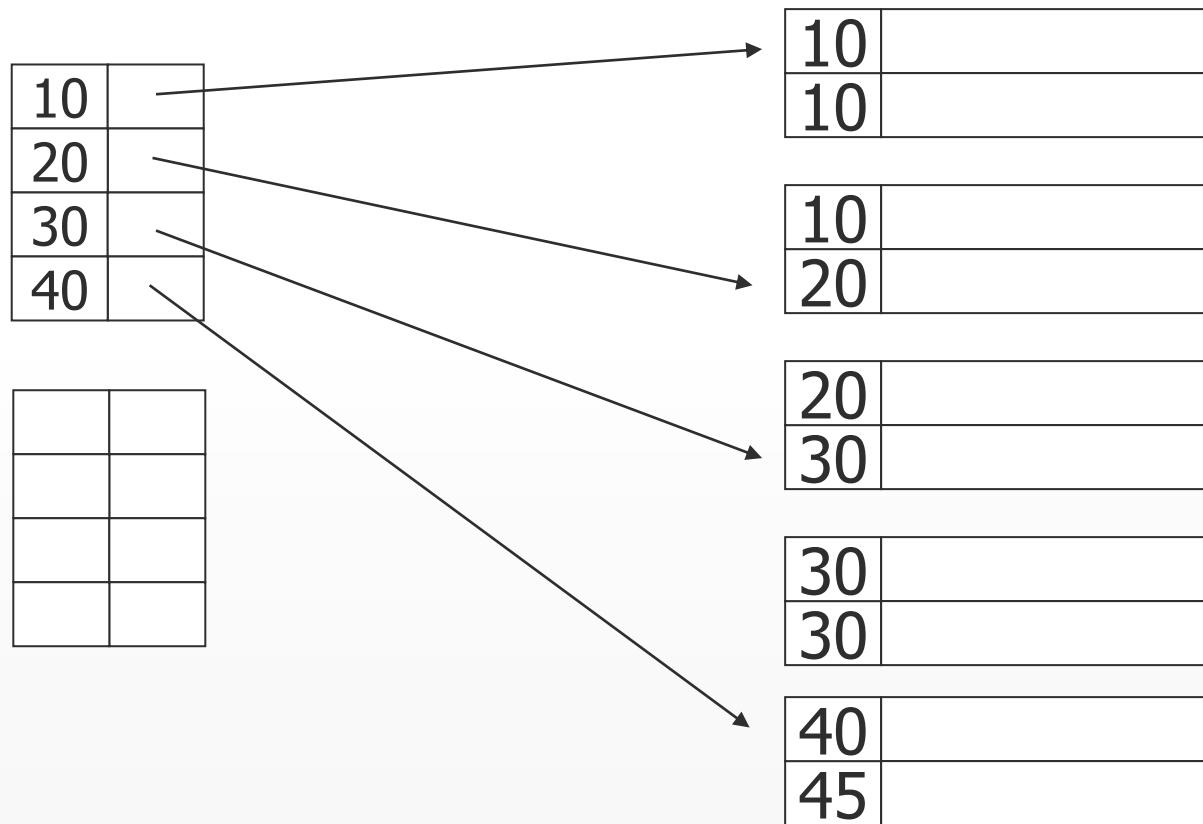
40	
45	

---

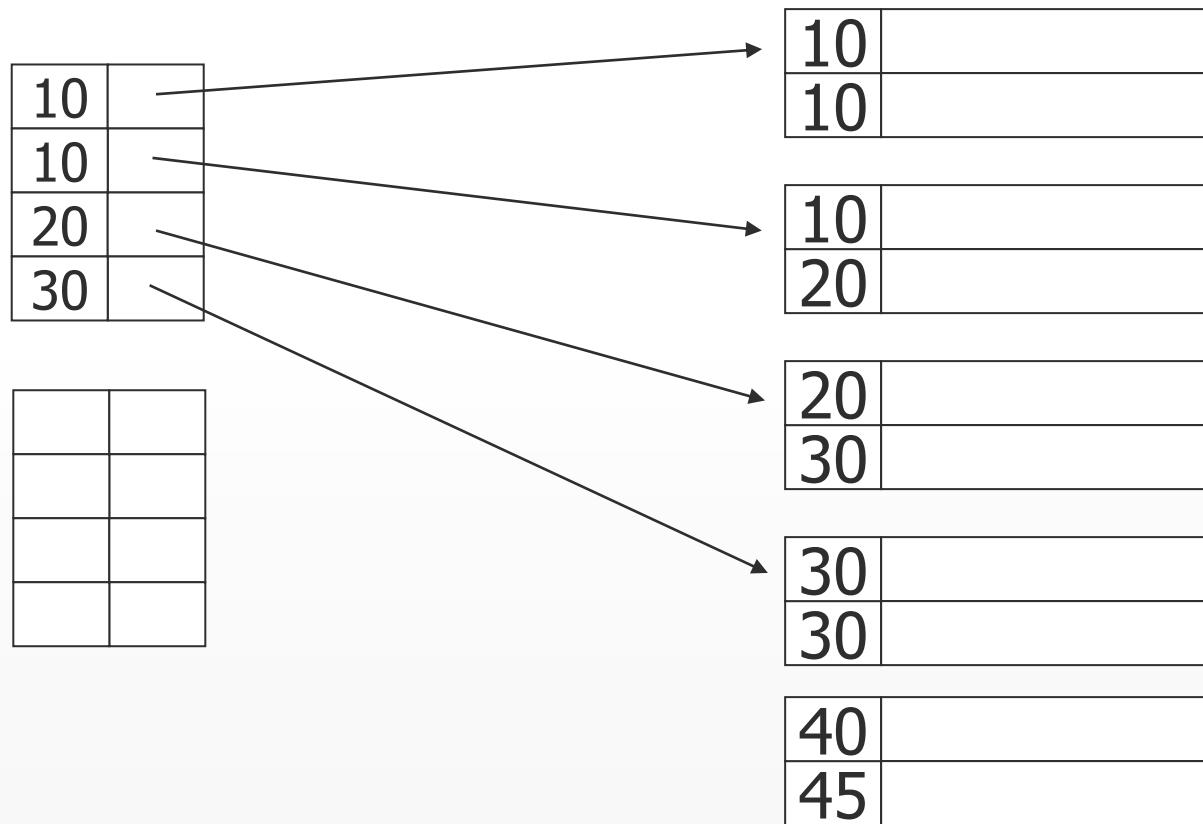
## Duplikati / gust indeks – prvi način



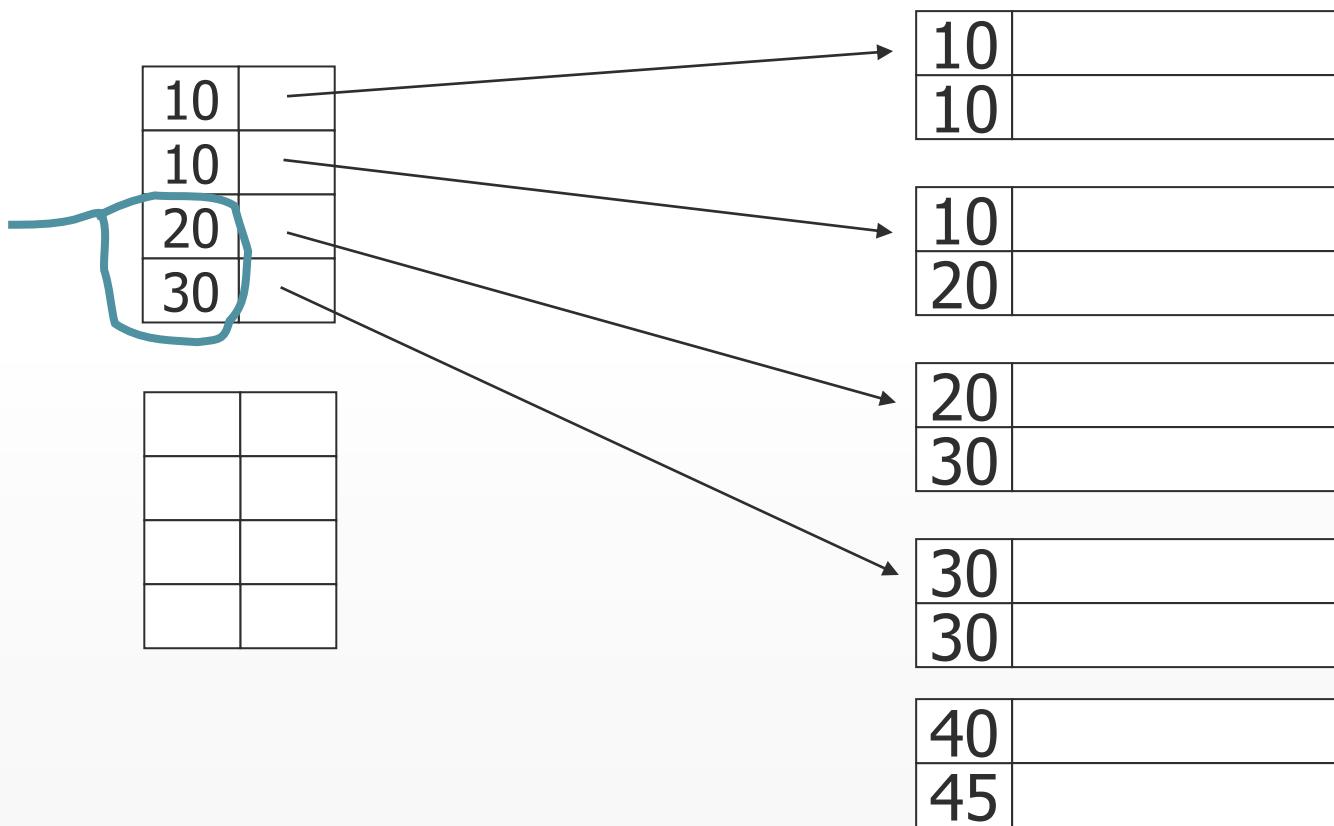
## Duplikati / gust indeks – drugi način



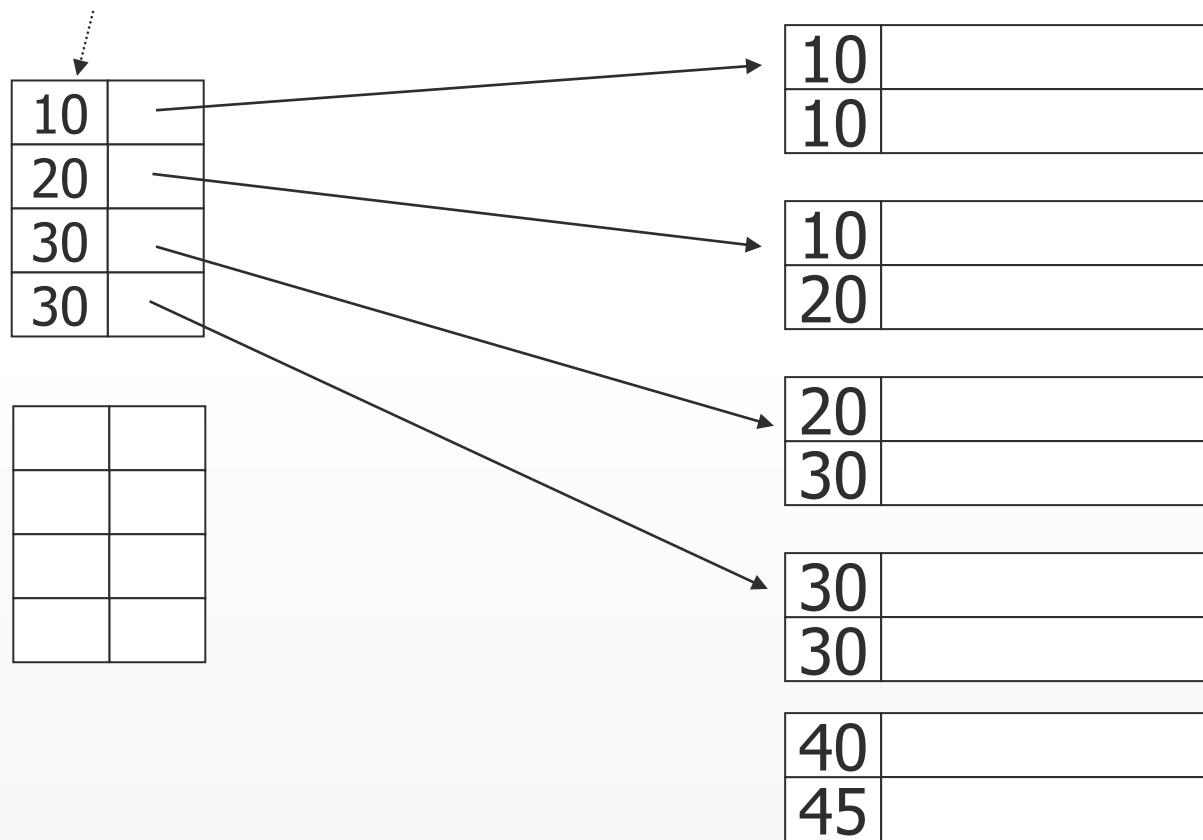
## Duplikati / redak



## Duplikati / redak

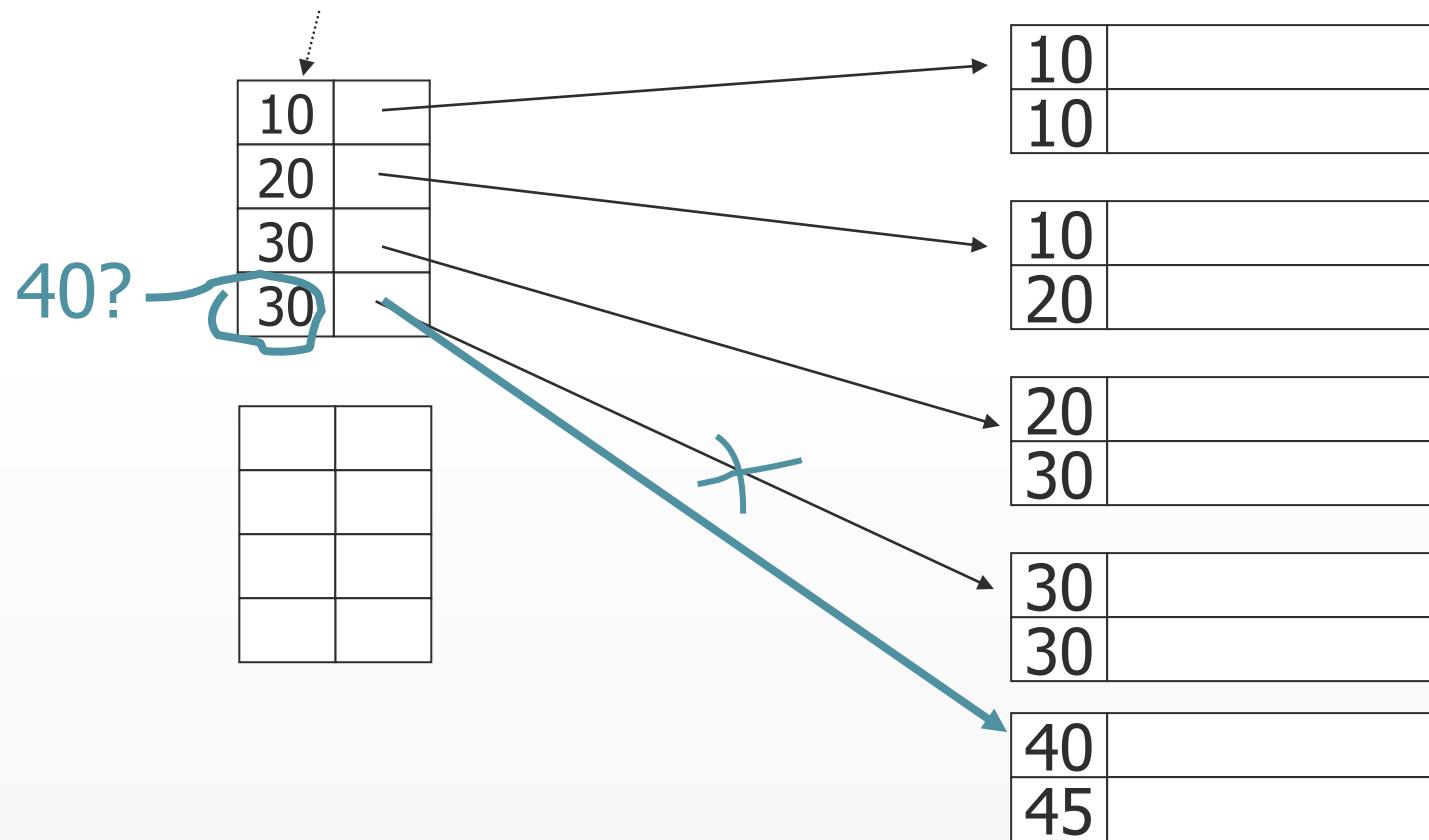


## Duplikati / redak

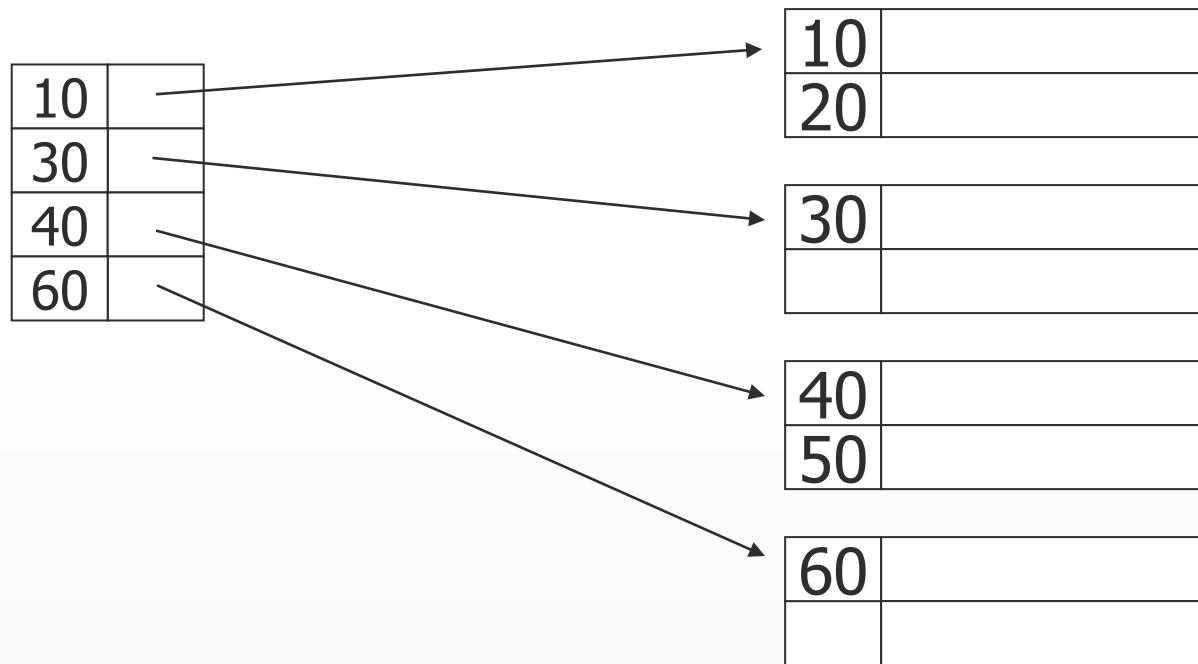


---

## Duplikati / redak



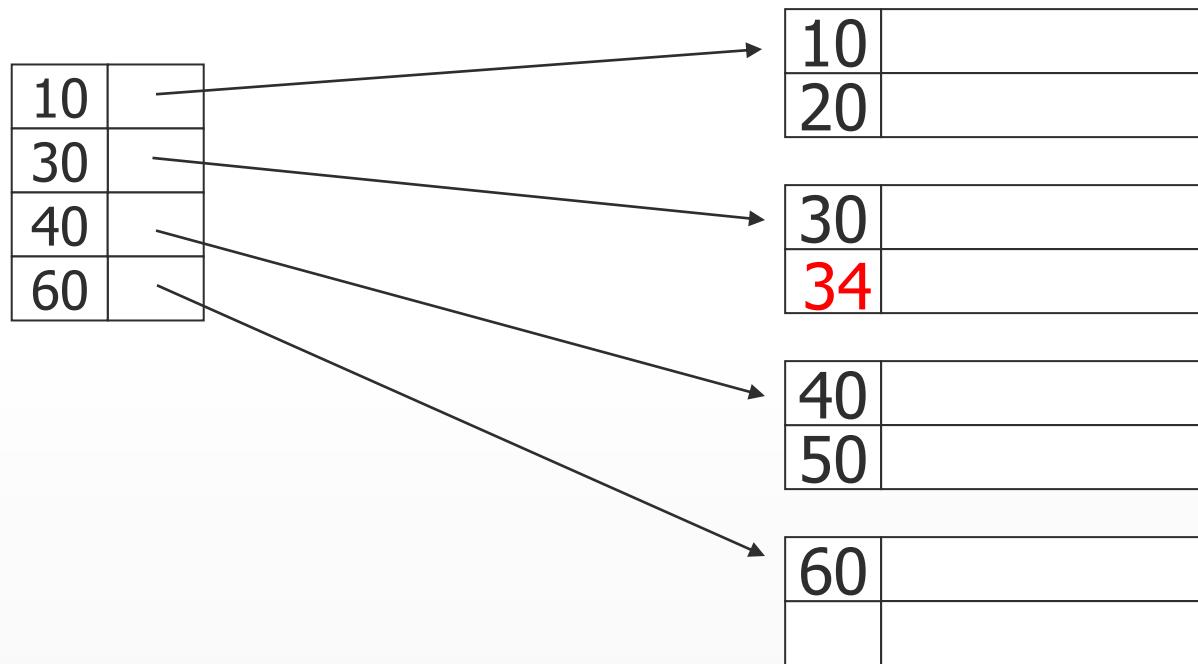
## Dodavanje redak indeks



–insert record 34

---

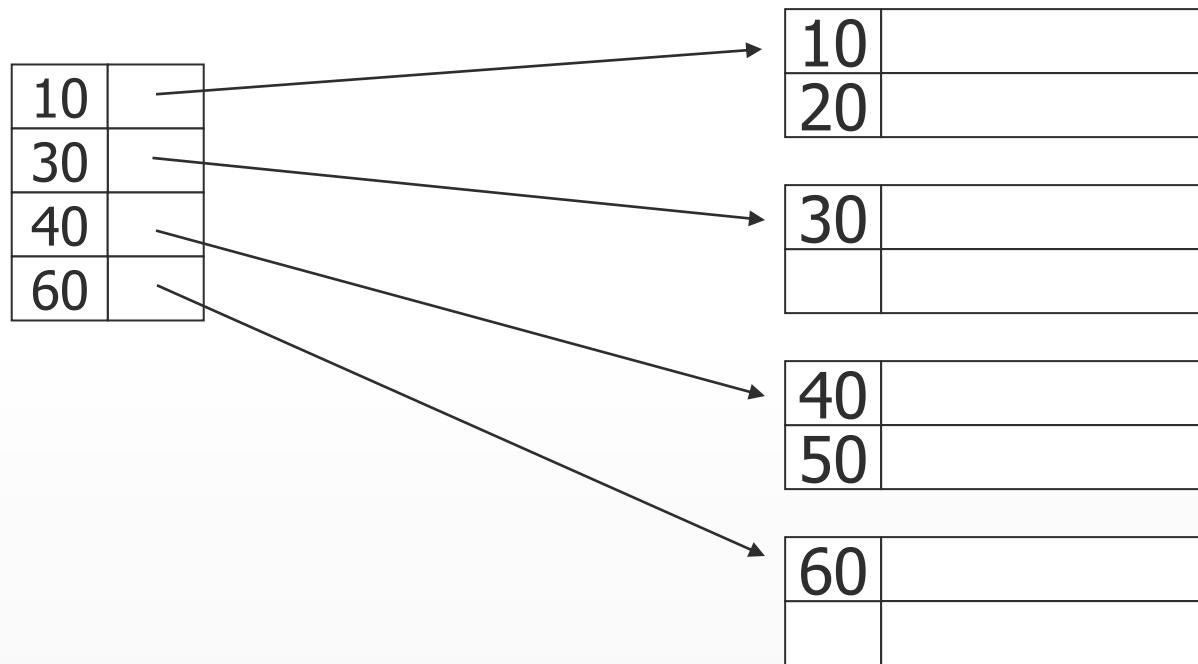
## Dodavanje redak indeks



–insert record 34

---

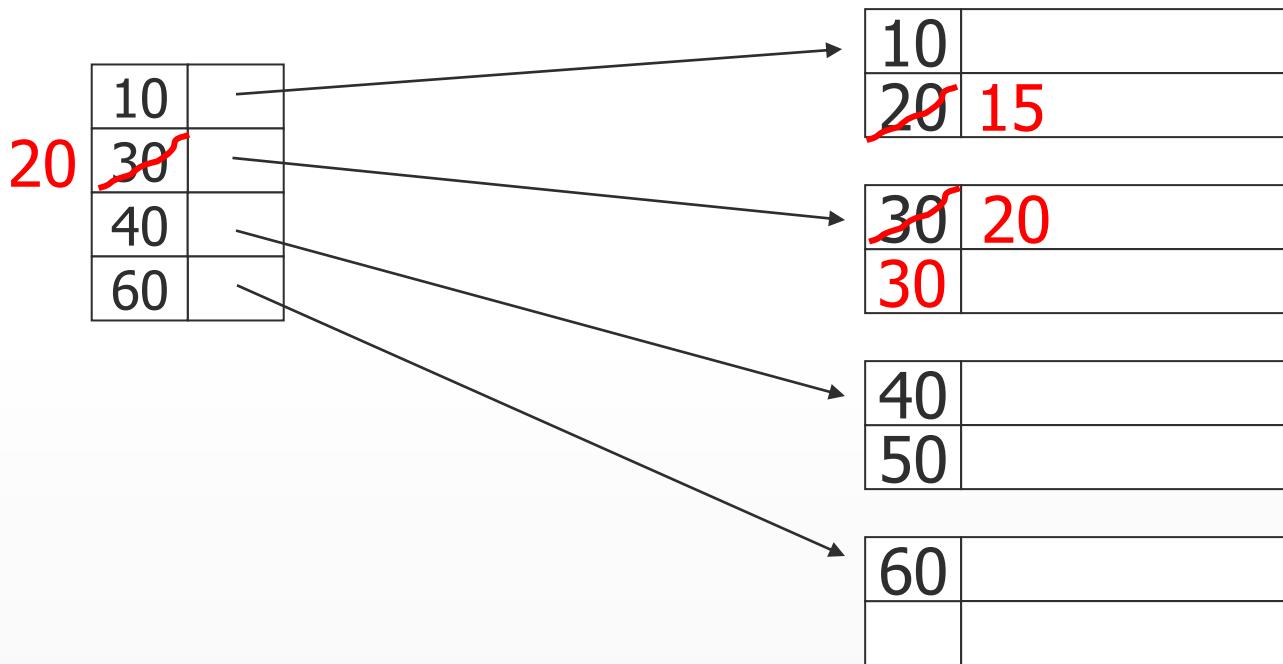
## Dodavanje redak indeks



–insert record 15

---

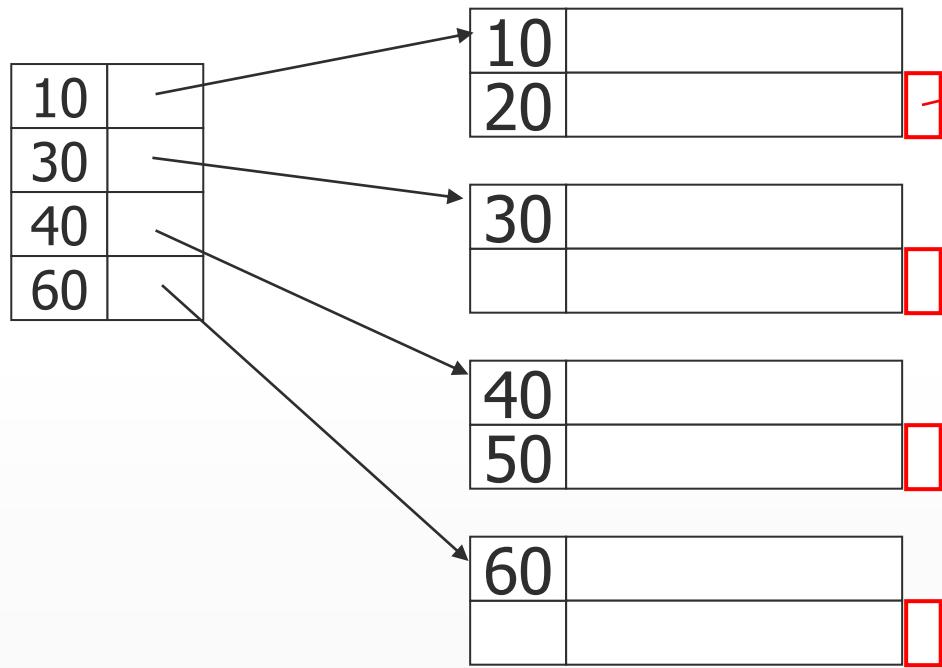
# Dodavanje redak indeks



–insert record 15

- Illustrated: Immediate reorganization
- Variation:
  - insert new block (chained file)
  - update index

## Dodavanje redak indeks



–insert record 25

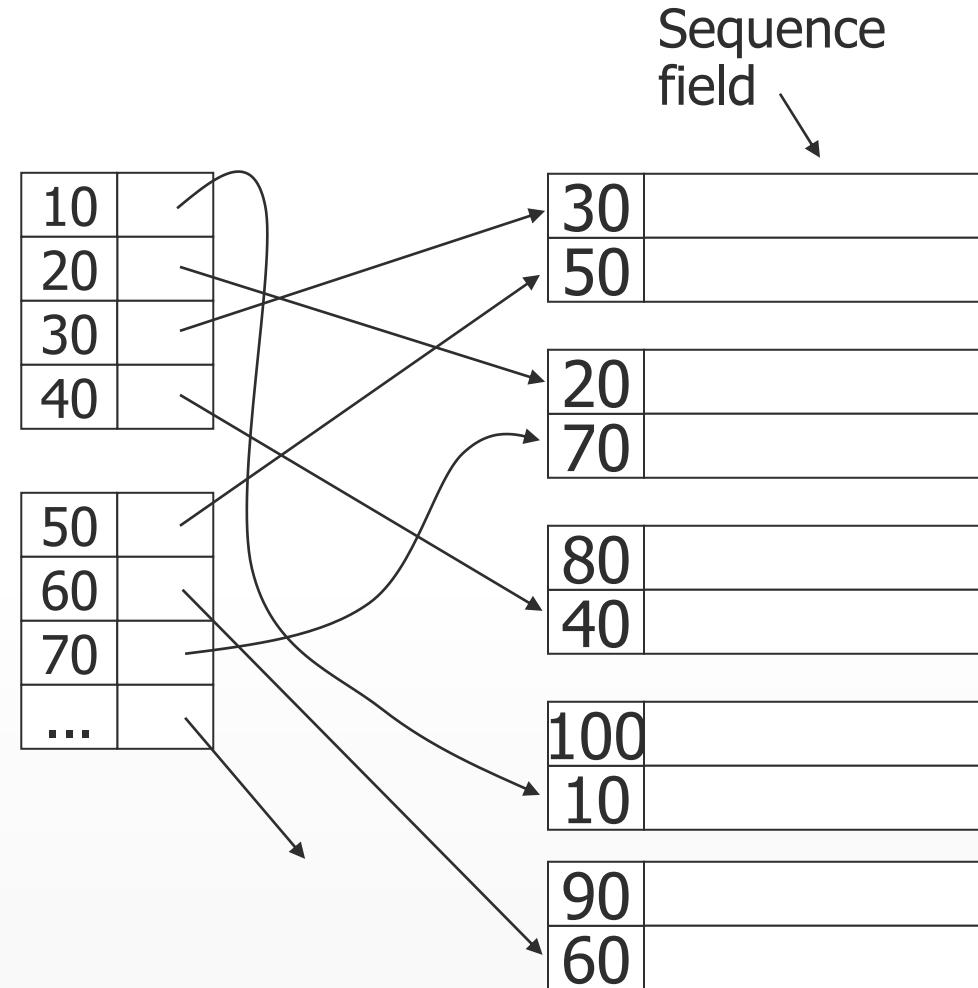
overflow blocks  
(reorganize later...)

Dodavanje gust indeks

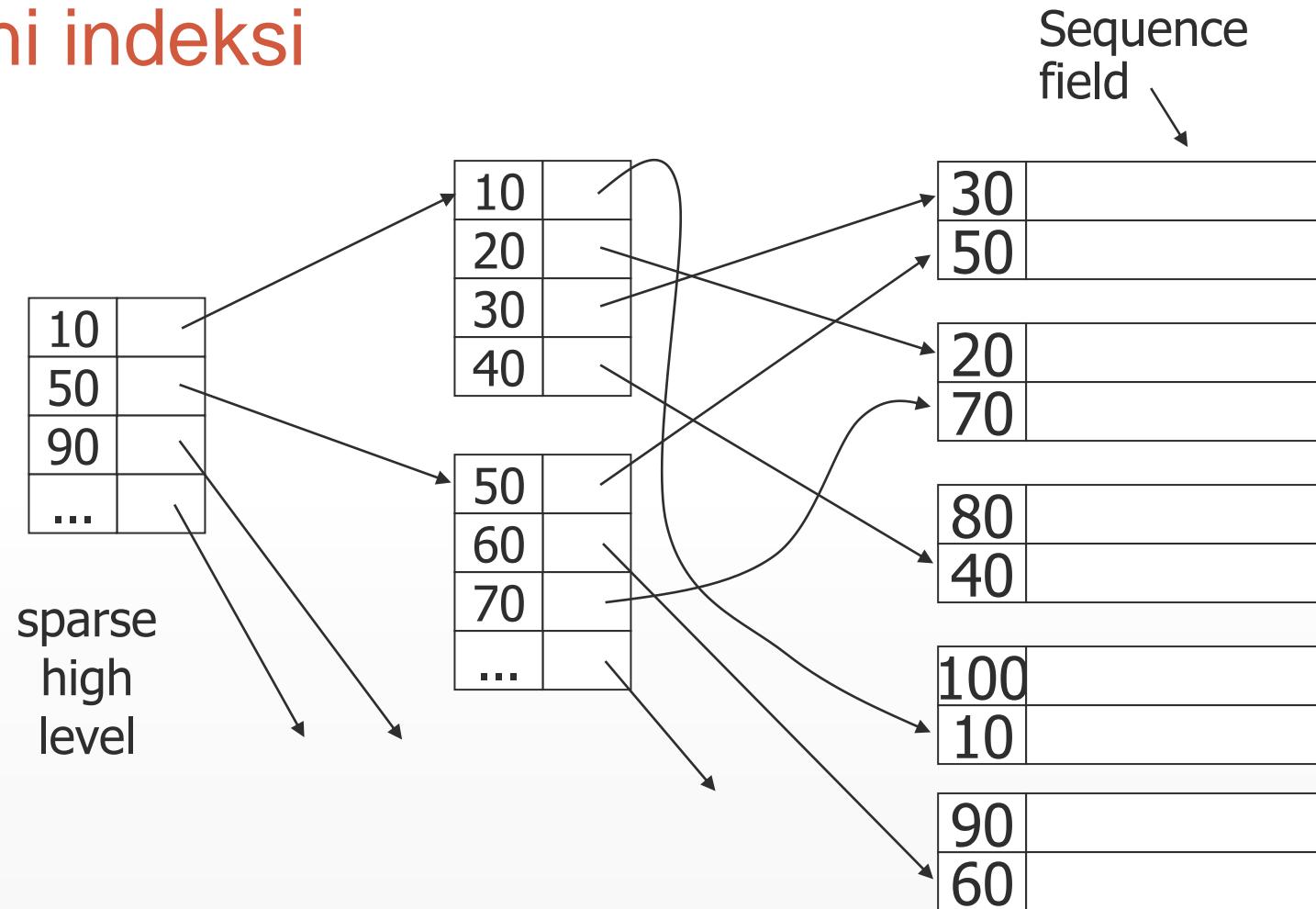
Analogno retkom

# Sekundarni indeksi

- Indeksirano polje ne odgovara kriterijumu uređenja fajla sa podacima.
- Indeks mora biti **gust**.
- Pointer u slogovima indeksa mora biti pointer ka **slogu podataka**.



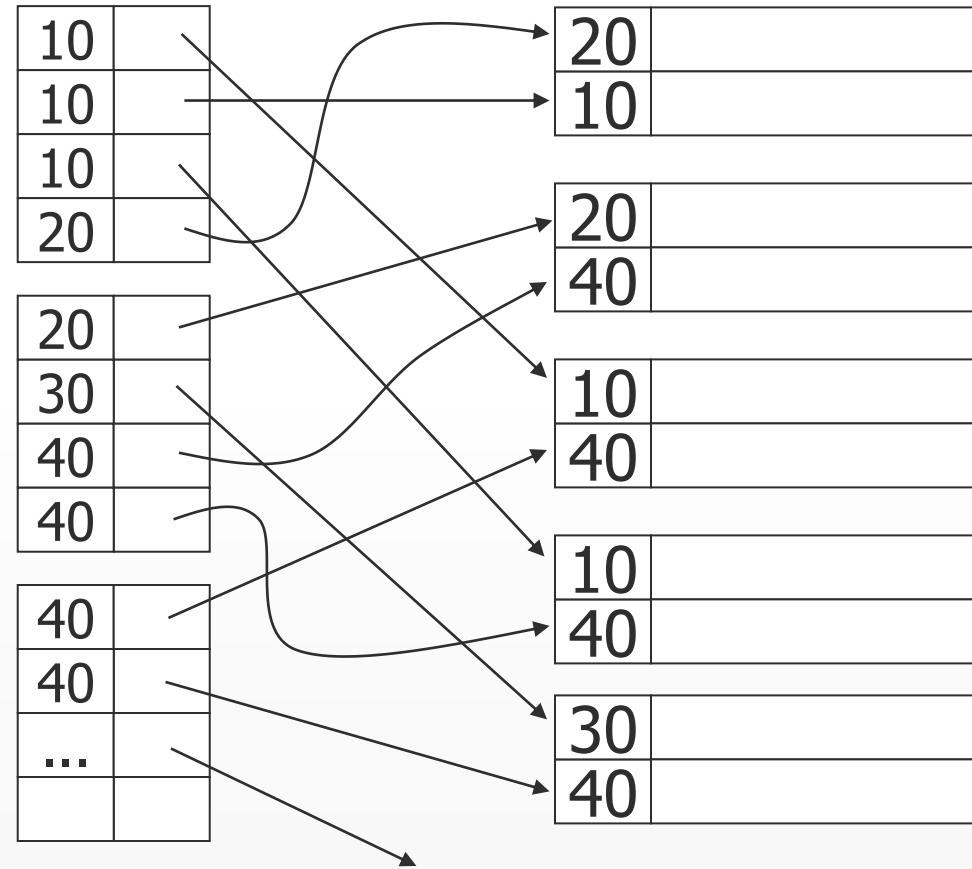
# Sekundarni indeksi



# Duplikati i sekundarni indeksi

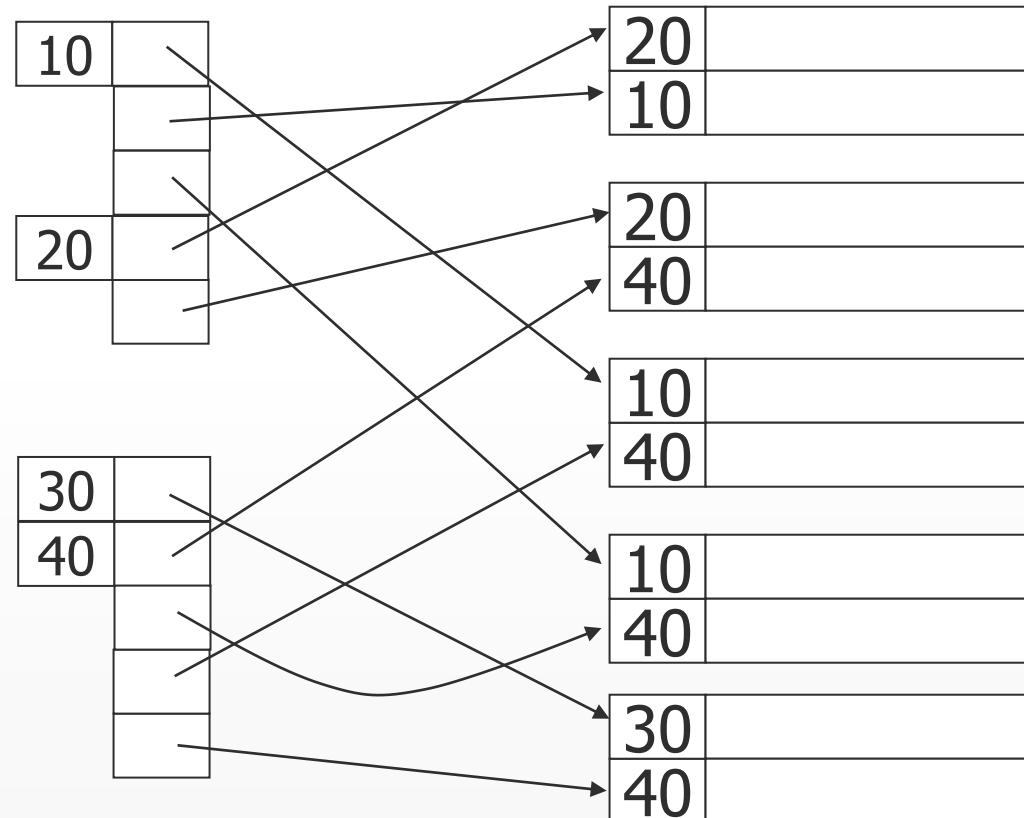
Problem:  
excess overhead!

- disk space
- search time

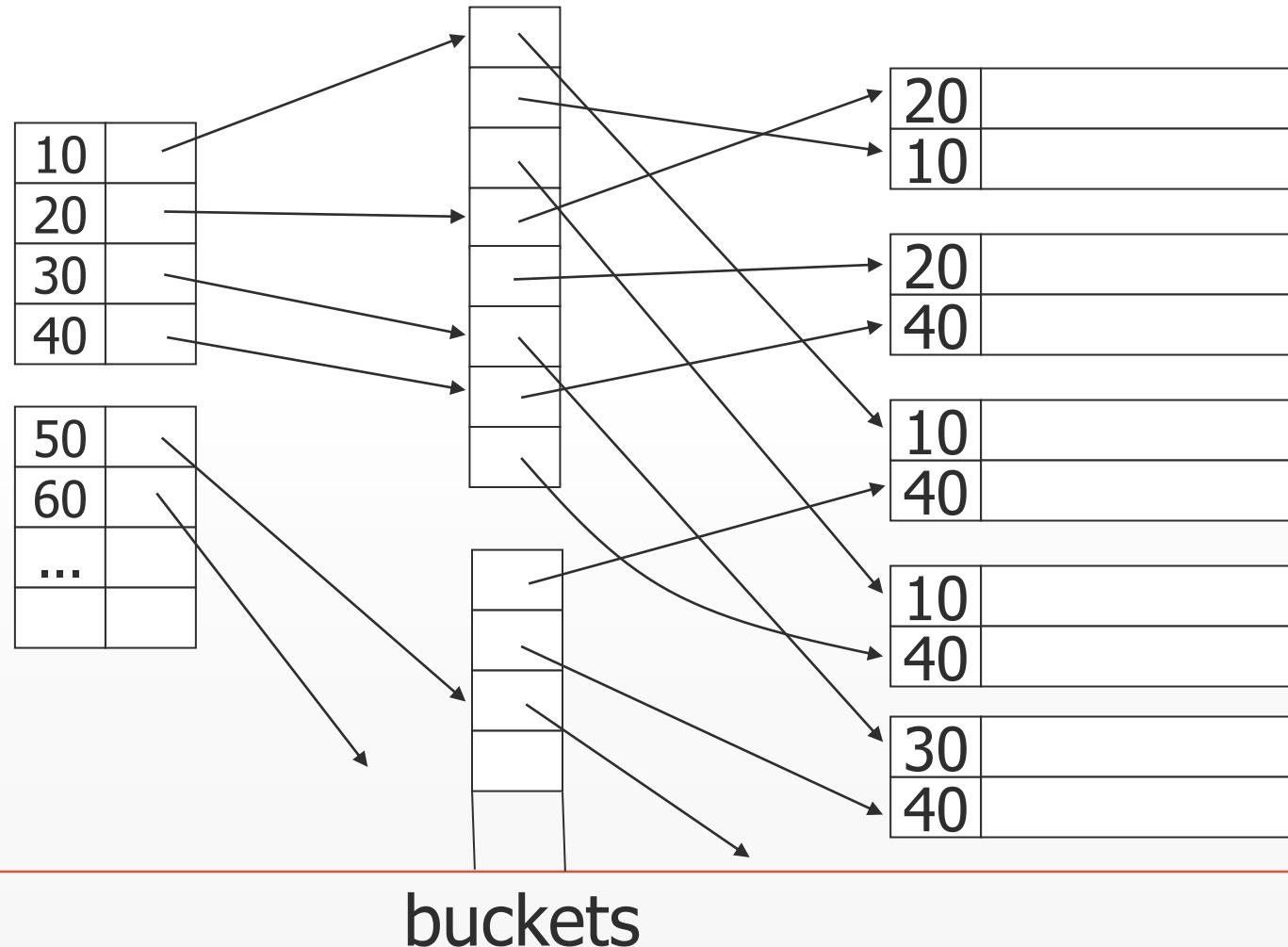


# Duplikati i sekundarni indeksi

Problem:  
variable size  
records in  
index!

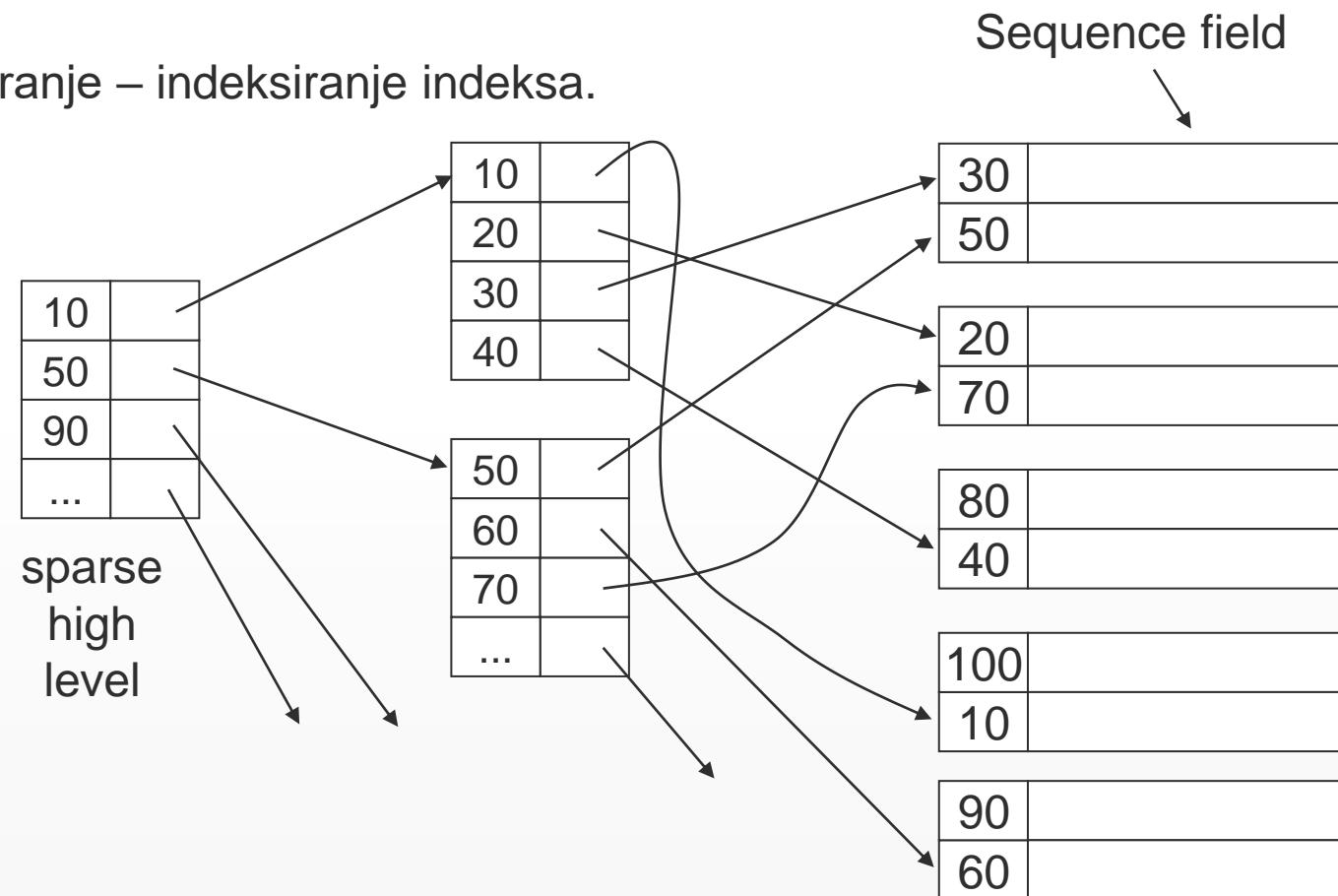


## Duplikati i sekundarni indeksi



# Višenivoiski indeksi

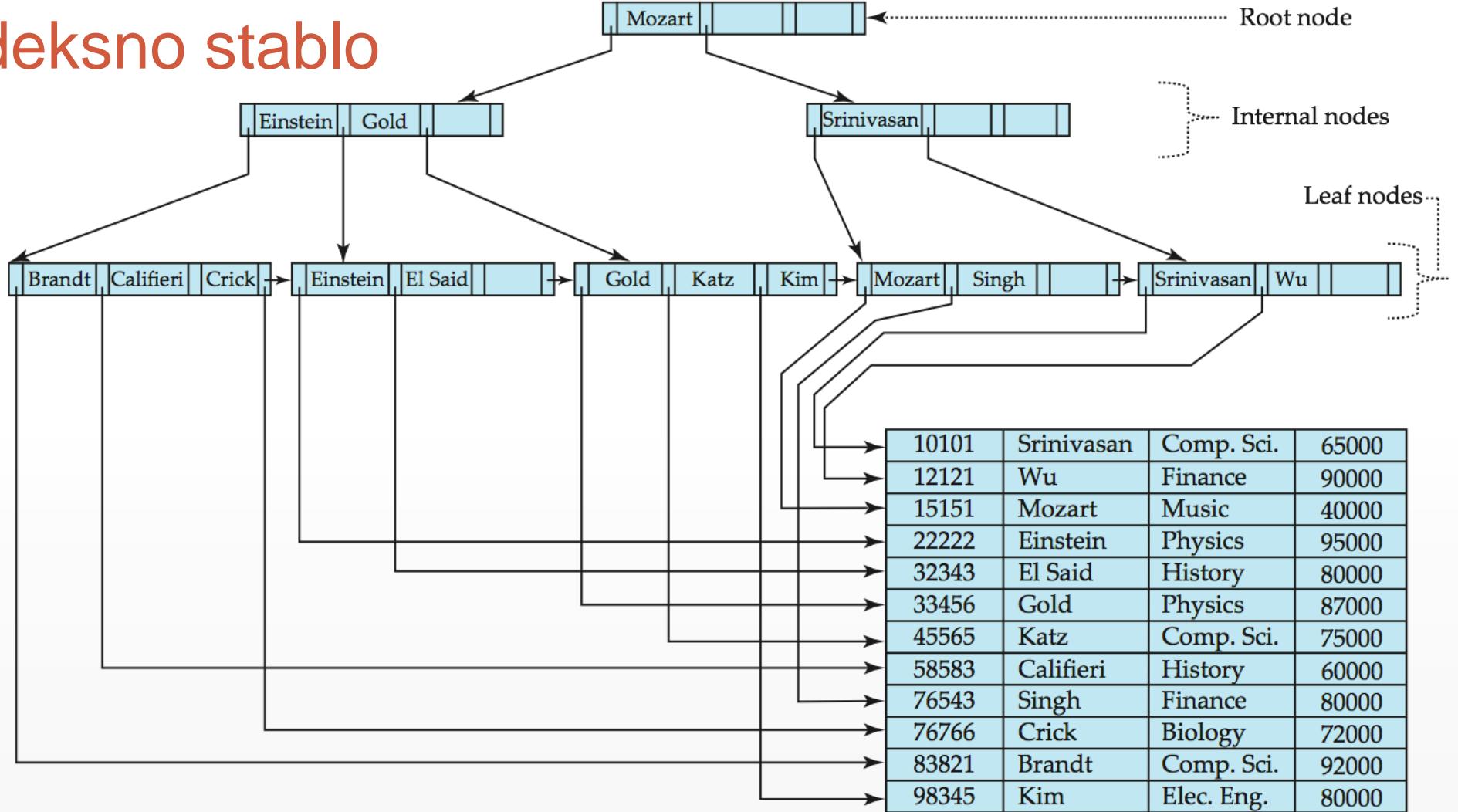
- Višenivoisko, hijerarhijsko indeksiranje – indeksiranje indeksa.



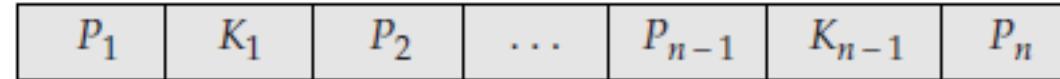
# B+ indeksno stablo

- **B stablo** - balansirano binarno stablo; u njemu se svaka vrednost ključa pojavljuje jednom u stablu na nekom njegovom nivou zajedno sa pokazivačem na ostale podatke odgovarajućeg sloga ili bloka.
- **B+ stablo** – B stablo u kome se pokazivači na ostale podatke nalaze samo u listovima stabla.
  - Svi listovi B+ stabla imaju isti nivo i međusobno su spregnuti pokazivačima.
  - Balansiarana struktura.
  - Pristup, dodavanje i brisanje -  $O(\log(n))$
  - Optimizovan za čitanje/pisanje velikih blokova podataka

## B+ indeksno stablo

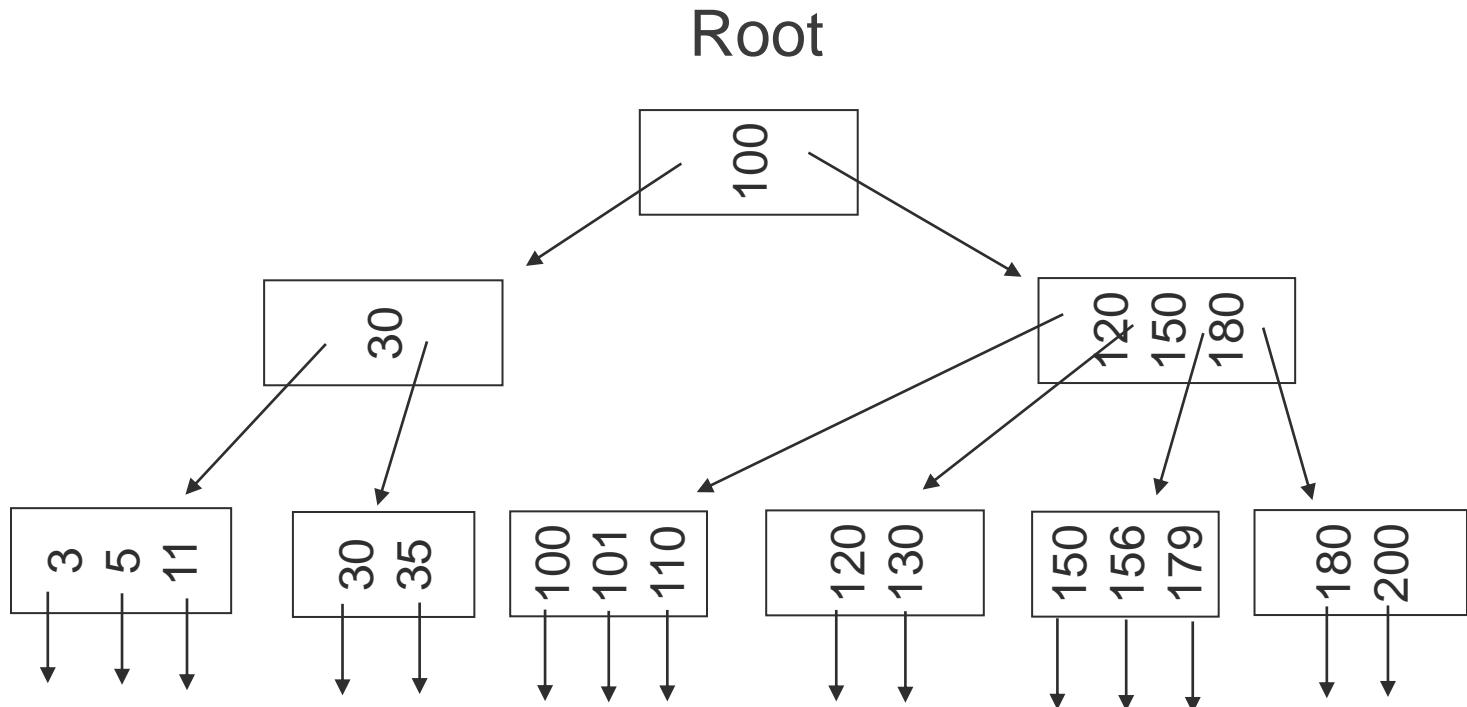


# B+ indeksno stablo

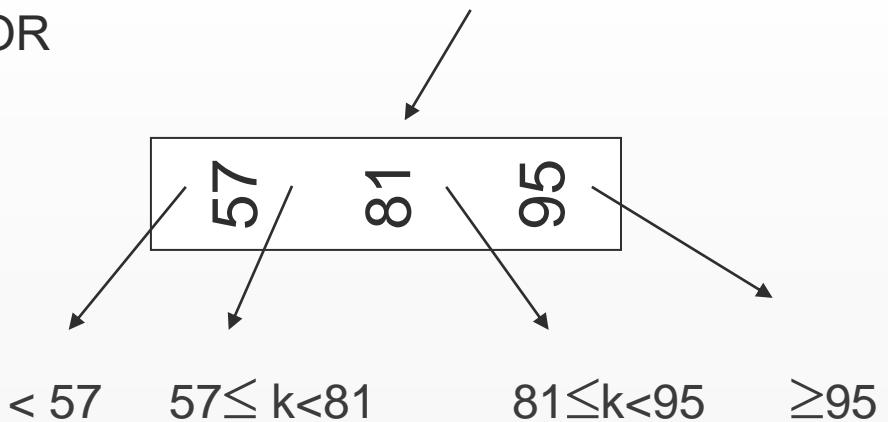


- Ki su vrednosti indeksiranog polja  
Pi pokazivači na decu (ako nisu listovi u pitanju) ili pointeri na slogove u fajlu sa podacima.
- B+ je balansirano stablo u kojem svaki put pretrage od korena do lista ima istu dužinu
- Svaki unutrašnji čvor je najmanje do pola pun ( $N/2 - 1 \leq \text{num of keys} \leq N - 1$ ).
- Svaki unutrašnji čvor sa  $k$  ključeva ima  $k+1$  nenul dete.
- Listovi sadrže:
  - Pokazivače na lokacije torki
  - Kompletne torke (ređi slučaj).

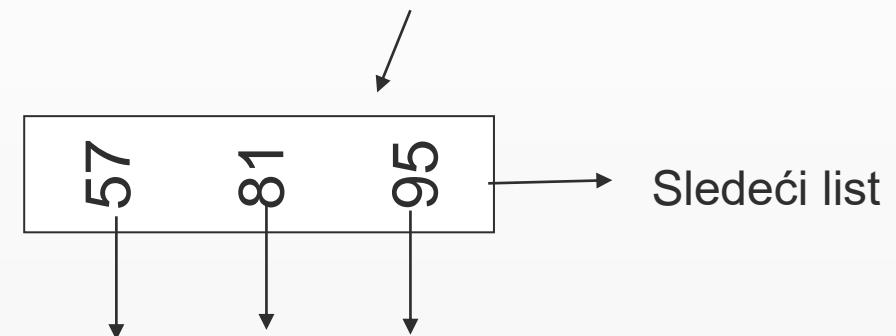
## B+ indeksno stablo



ČVOR



LIST



# B+ indeksno stablo

Dodavanje / brisanje

[B+ Tree Visualization \(usfca.edu\)](#)



# Indeksiranje vs Heširanje

---

Organizacija fajlova

# Poređenje

- Ključni faktor poređenja jeste vrsta upita.
- Upiti jednakosti ključa pretraživanja sa nekom konstanom i upiti po oblasti vrednosti ključa indeksiranja i heširanja.

```
SELECT ...  
FROM R  
WHERE R.A = 5
```

Broj pristupa pri indeksiranju je srazmeran logaritmu broja vrednosti za A, dok je pri **heširanju** nezavisan od veličine same relacije.

```
SELECT  
FROM R  
WHERE R.A > 5
```

Ovakav upit bi zahtevao heširanje funkcijom koja zadržava redosled ključeva u rasutoj datoteci. **Indeksiranje** je u ovom slučaju bolji izbor.

# Indeksi u SQL-u

---

# SQL

- Create index name on rel (attr)
- Create unique index name on rel (attr)
- Ne može se specificirati vrsta indeksa (B-stablo, Heš, ...) ili bilo kakvi parametri indeksa.



# Višedimenzioni indeksi

---

# Višedimenzioni indeksi

- **Višedimenzionalno indeksiranje** – indeksi nad više ključeva pretrage.
- Posebno interesantno kod GIS-ma i u Data warehouse-u.
- Koriste se za ubrzavanje pretrage po više ključeva.
- Vrste:
  - Heš bazirani
  - Stabla
  - Bitmap indeksi

# Primene

- **Višedimenziono indeksiranje** – indeksi nad više ključeva pretrage.
- Posebno interesantno kod GIS-ma i u Data Cubes
- Koriste se za ubrzavanje pretrage po više ključeva

## Applications: GIS

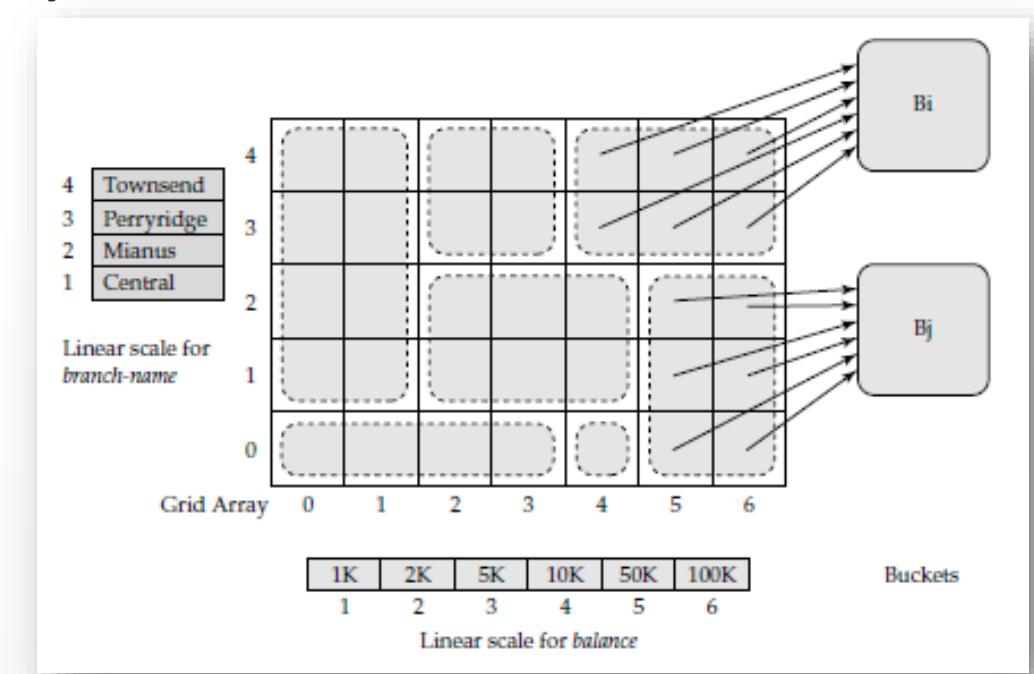
- Geographic Information Systems
  - Objects are in two dimensional space
  - The objects may be points or shapes
  - Objects may be houses, roads, bridges, pipelines and many other physical objects.
- Query types
  - Partial match queries
    - Specify the values for one or more dimensions and look for all points matching those values in those dimensions.
  - Range queries
    - Set of shapes within the range
  - Nearest neighbor queries
    - Closest point to a given point
  - Where-am-I queries
    - When you click a mouse, the system determines which of the

## Data Cubes

- Data exists in high dimensional space
- A chain store may record each sale made, including
  - The day and time
  - The store in which the sale was made
  - The item purchased
  - The color of the item
  - The size of the item
- Attributes are seen as dimensions multidimensional space, data cube.
- Typical query
  - Give a class of pink shirts for each store and each month of 1998.

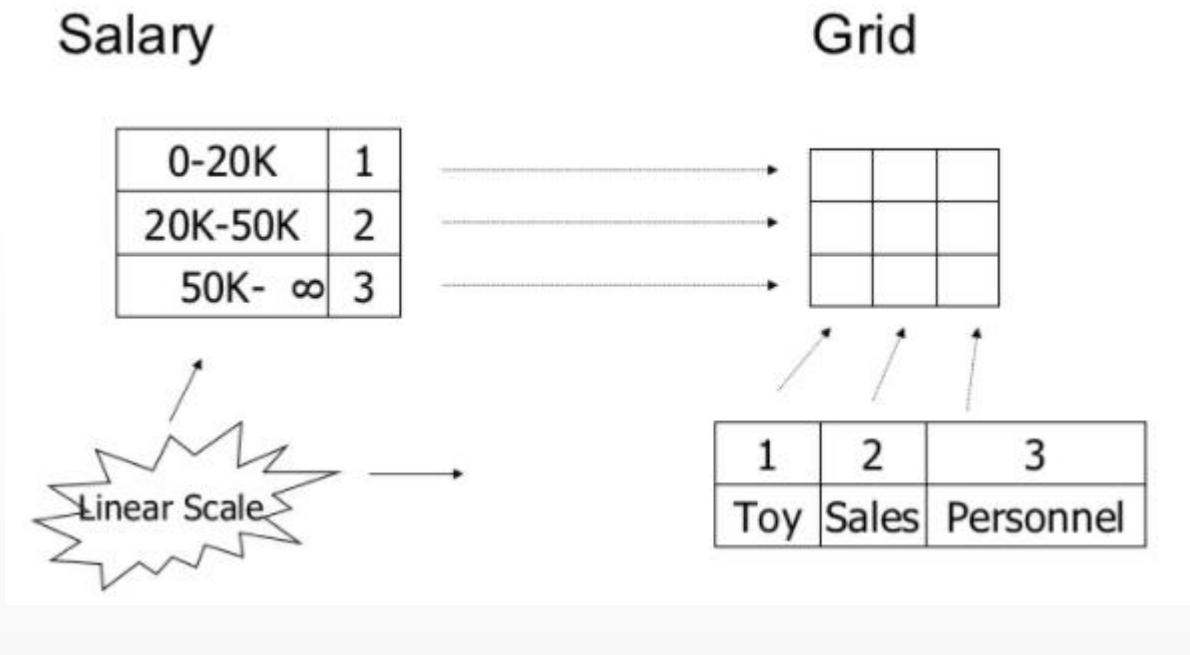
# Struktura rešetke

- Za upite po n ključeva – n-dimenziona rešetka.
- Svaka dimenzija odgovara jednom ključu pretraživanja.



# Heš bazirani više dimenzioni indeksi rešetke

- Primer



EX:

$h_1(\text{toy})$	=0	000
$h_1(\text{sales})$	=1	001
$h_1(\text{art})$	=1	010
.	.	011
$h_2(10k)$	=01	100
$h_2(20k)$	=11	101
$h_2(30k)$	=01	110
$h_2(40k)$	=00	111

Insert

<Fred,toy,10k>,<Joe,sales,10k>  
<Sally,art,30k>

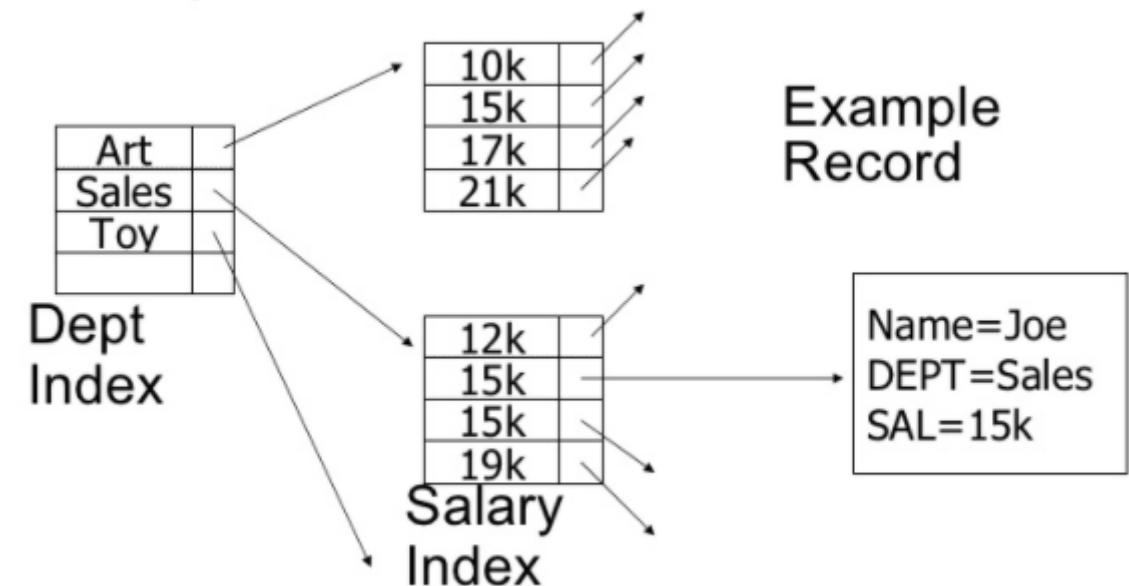
# Višedimenzioni indeksi tipa stabla

- Vrste:
  - Indeksi sa višestrukim ključevima
  - Kd-stabla
  - Kvadratna stabla
  - R-stabla

# Indeksi sa višestrukim ključevima

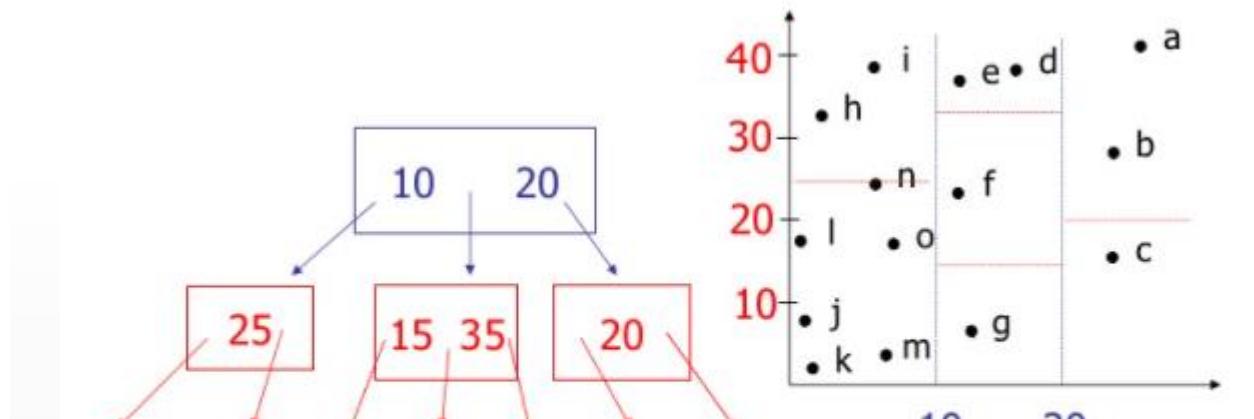
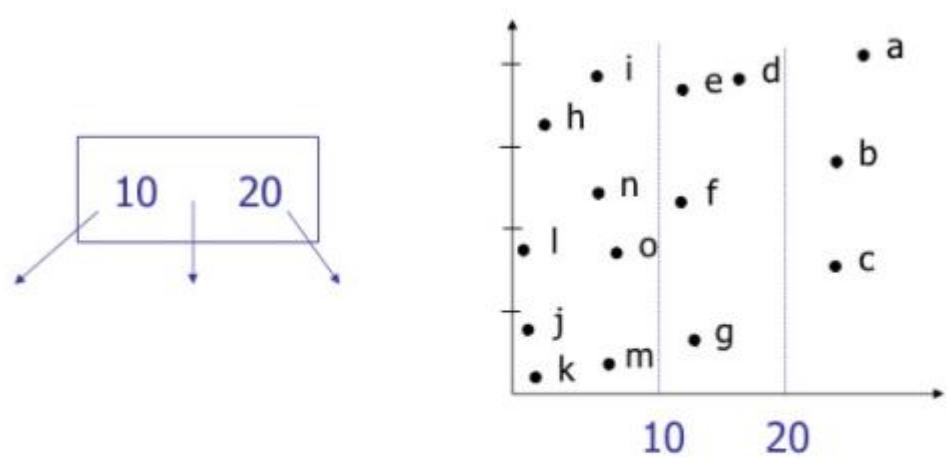
- Više atributa koji predstavljaju dimenzije po kojima se razvrstavaju slogovi/podaci.
- Indeks nad indeksom u kom su na istom nivou indeksi nad jednim atributom

## Example

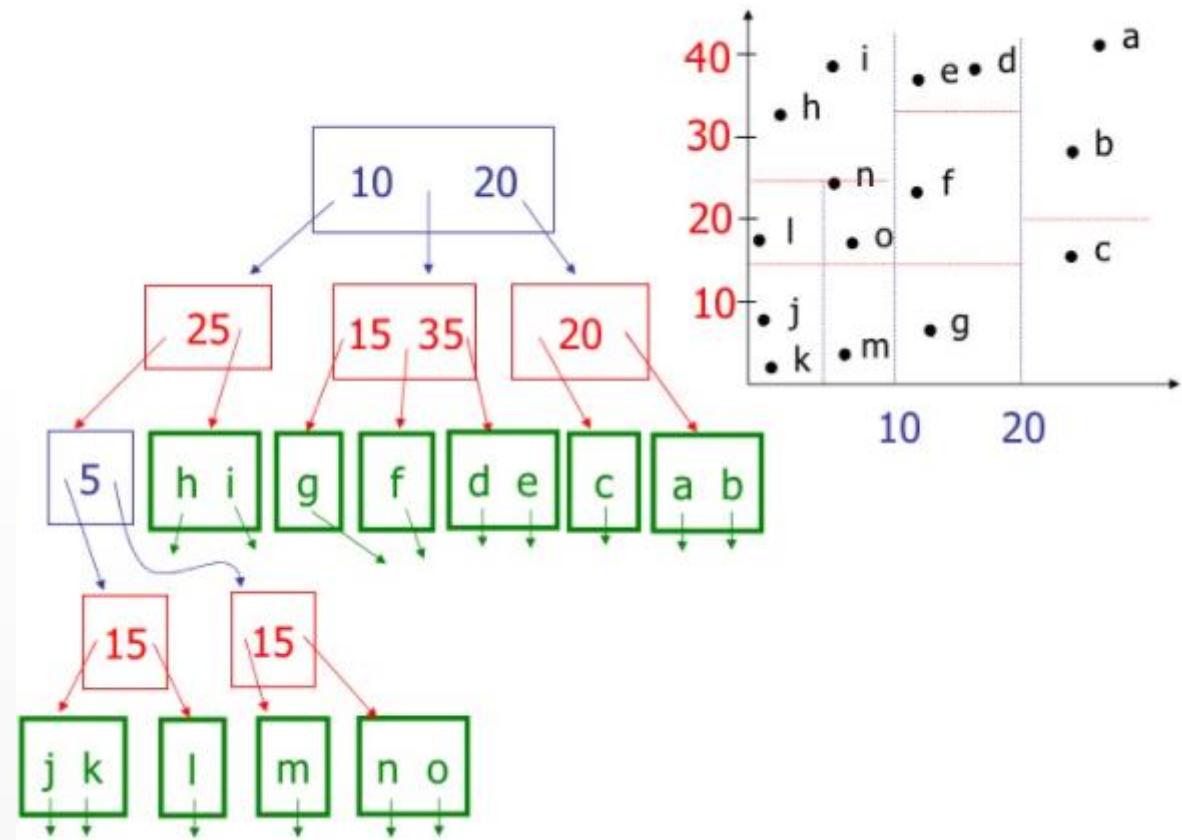
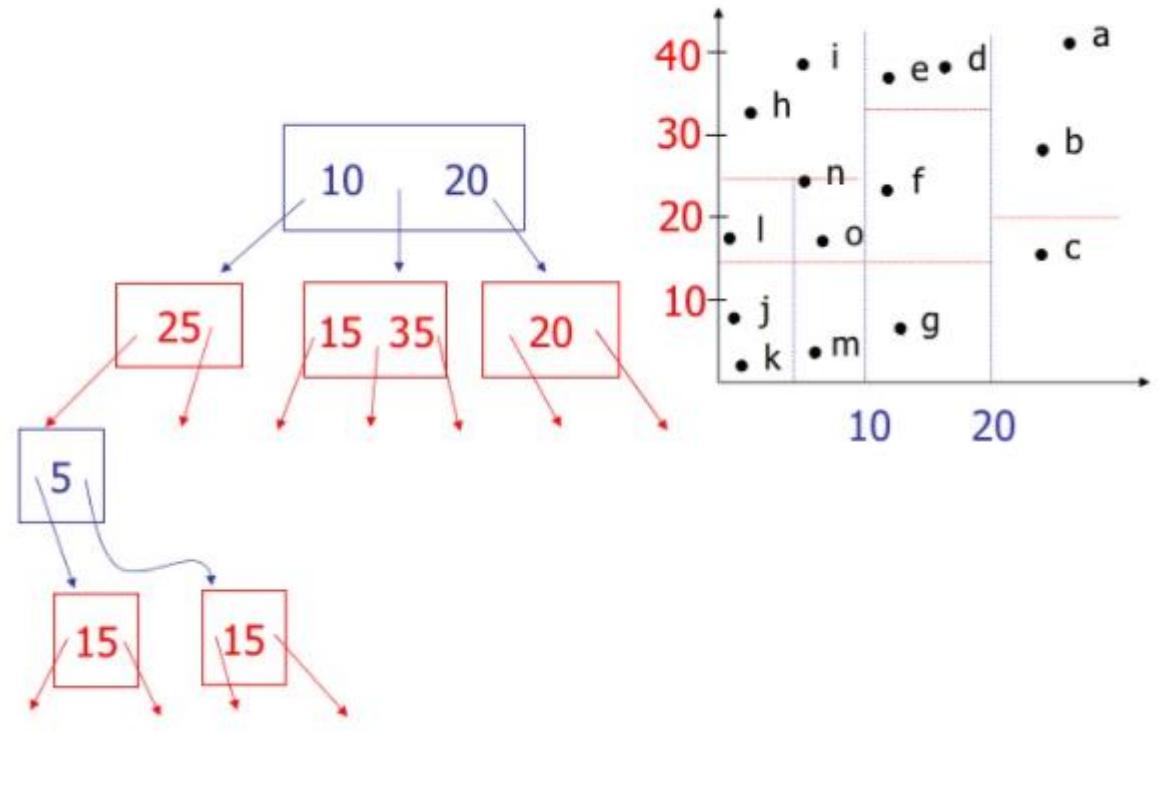


# KD stabla

- K-dimenziono stablo.



# Višedimenzioni indeksi tipa stabla



# Bitmap indeksi

- Bitmap indeks po ključu pretrage je binarni niz čija je dužina jednaka broju slogova u relaciji.
- Za svaki ključ pretrage se formira jedan bitmap indeks.
- Za upite po više ključeva se primenjuju bitovske operacije  
presek - AND  
unija – OR  
komplement - NOT

Males with income level L1:

$$10010 \text{ AND } 10100 = 10000$$

record number	<i>ID</i>	<i>gender</i>	<i>income_level</i>
0	76766	m	L1
1	22222	f	L2
2	12121	f	L1
3	15151	m	L4
4	58583	f	L3

Bitmaps for <i>gender</i>	Bitmaps for <i>income_level</i>
m      10010	L1      10100
f      01101	L2      01000
	L3      00001
	L4      00010
	L5      00000

# Bitmap indeksi

- Brisanje

Može se regulisati **bitmapom egzistencije**

not(A=v): (NOT bitmap-A-v) AND ExistenceBitmap

- Null vrednosti se mogu rešiti na isti način
- Za velike relacije bitmapa je duga, ali se može kompresovati.

